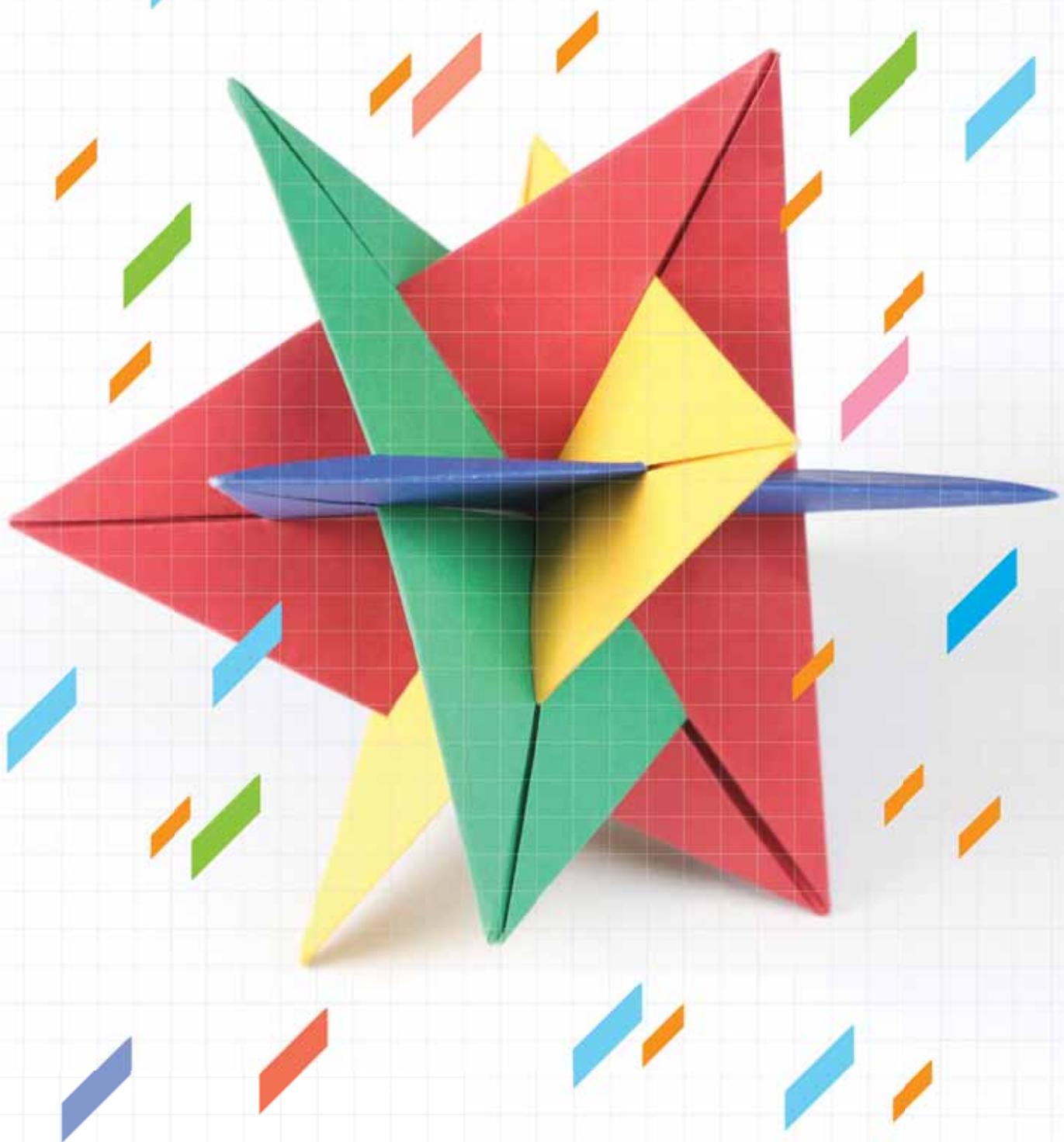
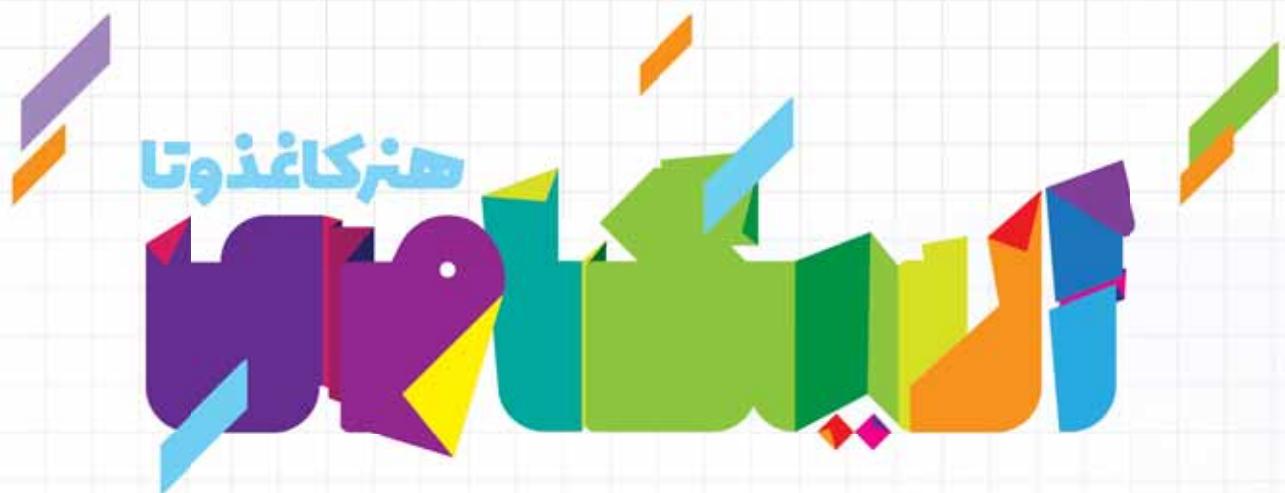




رشد ماهنامه آموزش، تحلیلی و اطلاع رسانی

رشد





محمد ناصری
سپیده چمن آرا
سردییر
هیئت تحریریه
جعفر اسدی گرمارودی، خمیر رضا امیری، زهره بیندی، نازنین حسن نیا
هوشنگ حسن نیا، حسام سبحانی طهرانی، محمد کشاورز اصلانی
حسین زادی ساعی، داود معصومی مهوار
مدیر داخلی
پری حاجی خانی
ویراستار بهروز استانی
طراج گرافیک + تصویرگر حسین پور راشی

- یادداشت سردییر هیجان حل یک مسئله / سپیده چمن آرا / ۲
- گفت و گو نوبل اقتصاد در دست ریاضی دانان / نازنین حسن نیا / ۳
- معرفی کتاب ۱۴۲ معمای دیگر / جعفر ربانی / ۷
- ریاضیات و مدرسه ریاضی در شرکت هوایپیمایی / زهره پندی / ۸
- آخرش چند تا؟ / محمد کشاورز اصلانی / ۱۰
- ریاضیات و کاربرد گل زن ترین فوتbalیست های ملی ایران / جعفر اسدی گرمارودی / ۱۲**
- کجی که نمی افتد / داود معصومی مهوار / ۱۴
- کاشی های جنوجبرا بی / سید محمدی بشارت / ۱۶
- کلاس علوم در پیست دو و میدانی / حسین نامی ساعی / ۱۸
- ریاضیات و تاریخ هندوستان؛ سرزمین عدد ویه! / حسام سبحانی طهرانی / ۲۰**
- ریاضیات و مسئله یک مسئله، چند راه حل / داود معصومی مهوار / ۲۴**
- با هم مسئله حل کنیم / ۲۶
- فکر کردن به جای فرمول بازی / هوشنگ شرقی / ۳۶
- از میان نامه ها معمای غربال / نیلوفر بی تاب، هلیا کاسی / ۲۷
- گزارش قدم ها را بشماریم / سپیده چمن آرا / ۲۸**
- ریاضیات و بازی بازی های اندرویدی: فلو / زهرا صباغی، کیمیا هاشمی / ۳۰**
- فکر بکر! / داود معصومی مهوار / ۳۲
- پازل حل کنیم / محمد کشاورز اصلانی / ۳۴
- ریاضیات و سرگرمی پنج پر زور / شراره تقی دستجردی / ۳۵**
- ستاره های کاغذی / پری حاجی خانی / ۳۸
- ریاضیات و محیط زیست آب حیات / ژما جواهری پور / ۴۰**

مسابقه ریاضیات و محیط زیست برهان (شماره پنجم) صفحه سوم جلد

نشانی دفتر مجله:

تهران، ایرانشهر شمالی، پلاک ۲۶۶ / تلفن: ۰۲۱-۸۸۳۱۱۶۰-۰۲۱-۸۸۳۱۱۶۷۵
نامابر: ۰۲۱-۸۸۴۹۰۳۱۶ / صندوق پستی: ۱۵۸۷۵/۶۵۸۶
تلفن پیامگیر نشریات رشد: ۰۲۱-۸۸۳۰۱۴۸۲

صندوق پستی امور مشترکین: ۰۲۱-۸۸۴۹۰۳۳۳ / ۰۲۱-۸۸۸۶۷۳۰-۰۸
ویلک اختصاصی مجله: www.roshdmag.ir / وبگاه: roshdmag.borhanmotevaseh1@roshdmag.ir
ویلک اختصاصی مجله: weblog.roshdmag.ir/borhanrahnamaiee
شمار گان: ۱۸۰۰۰ نسخه



قابل توجه نویسندهان و ترجمه‌گان: مطالبی که برای درج در مجله می‌فرستید، باید با اهداف مجله مرتبط باشد و قابل‌آورایی در جای دیگری چاپ نشده باشد. لطفاً مطالب ترجمه شده یا تاختیغ شده را به همراه مطلب اصلی با یا ذکر دقیق منبع ارسال کنید. مجله در روز، قول، ویرایش و تلخیص طالب آزاد است. مطالب و مقالات در راستای این اندیشه نوشوند. آرای مذکور در مطالب و مفاهیم پژوهشی معتبر می‌باشد. اهداف مجله عبارت اند از: «تشریش فرهنگ ریاضی / افزایش دانش عمومی و ثقافت مهارت‌های داشتن آموزان در راستای برنامه درسی / توسعه تفکر جبری و توئیلی های داشتن آموزان / توجه به استدلال ریاضی و منطق حاکم بر آن / توجه به الگوهای و کسکهای توعلیلی / استفاده از آنها / توجه به محاسبه‌های ریاضی برای توسعه تفکر جبری و توئیلی های داشتن آموزان / توجه به فرهنگ و تمدن ایرانی و اسلامی در پیش فرنگ ریاضی / توجه به کاربرد ریاضی در زندگی و علوم و فن آوری / تقویت باورها و ارزش‌های دینی، اخلاقی و علمی». خوانندگان رشد برهان متوسطه اول؛ شناساً می‌توانند مطالب خود را به مرکز بررسی آثار مجلات رشد به نشانی زیر بفرستند:
تهران صندوق پستی ۱۵۸۷۵-۶۵۶۷ / تلفن: ۰۲۱-۸۸۳۰۵۷۷۲

روزی جلد: رنه دکارت
پیش جلد: رانیز بینید.

دوست من،
آیا تا به حال از چیزی هیجان‌زده
شده‌ای؟ چه چیزهایی برای تو هیجان‌انگیز هستند؟
نیلوفر و هلیا همسن‌های تو هستند. آن‌ها امسال در پایه نهم
تحصیل می‌کنند. می‌توانی حدس بزنی آن‌ها از چه چیزی هیجان‌زده
می‌شوند؟ هر وقت نیلوفر و هلیا با مسئله‌ای رویه‌رو می‌شوند که قدری برایشان
دشوار است، هیجان‌زده می‌شوند و وقتی روی حل آن فکر می‌کنند و با تلاش و کمک
به راه حل آن بی می‌برند، هیجان بیشتری دارند. از پس یک مسئله برآمدن برای آن‌ها بسیار
هیجان‌انگیز و لذت‌بخش است. چند وقت پیش نامه‌ای از آن‌ها به دست مارسید. آن‌ها در آن
نامه راه حل یک مسئله درباره غربال اعداد اول را بادقت و انسجام بسیار برای ما نوشته بودند.
در این شماره مجله، مطلب این دو دوست را در بخش «از میان نامه‌های شما» می‌بینید. راستش
وقتی نامه هلیا و نیلوفر به دست‌ستان رسید، به یاد زمانی افتادم که مریم میرزاخانی دانش‌آموز بود،
همان ریاضی دان بزرگی که متأسفانه از میان مارفت. حل بعضی از مسئله‌های ریاضی، زمان و تمرکز
زیادی لازم دارد. مریم برای حل مسائل ریاضی هیجان عجیب داشت و مدت‌های طولانی روی حل
یک مسئله فکر می‌کرد. او این ویژگی را در دوران دانش‌آموزی هم داشت. شاید یکی از عوامل
موفقیت او برای گرفتن جایزه فیلدز، همین پشتکار او در حل مسئله‌ها بود. همان‌طور که
می‌دانید، جایزه فیلدز بالرزش ترین جایزه‌ای است که به ریاضی‌دانانی که سن آن‌ها کم‌تر
از چهل سال است، داده می‌شود. حل مسئله در دنیای ریاضیات، برای بعضی از ما
هیجان‌انگیز است. اگر تو هم از حل مسئله‌ای هیجان‌زده شدی، حتماً آن را
ساد میان بگذار تا با چاپ آن، بقیه خوانندگان مجله هم در هیجان
تو شریک شوند. منتظر نامه‌های شما هستم.
شاد و سر بلند باشید اسردیر

هیجان

حل یک مسئله



اثرگذاری آن‌ها را اندازه‌گیری کنیم. مثلاً رئیس جمهور یک کشوری، در مورد یک موضوعی صحبت می‌کند و باعث تغییرات قیمت سهام می‌شود. آیا ما می‌توانیم این اثر را اندازه‌گیری کنیم؟ امروزه افرادی تلاش می‌کنند که بتوانند این اثرات را اندازه‌گیری کنند، اما هنوز روش مشخصی برای آن پیدا نشده است. گاهی وقت‌ها ممکن است بتوانیم متغیرها را شناسایی و اندازه‌گیری کنیم، ولی نتوانیم وارد مسئله بکنیم. زیرا پیچیدگی محاسبات این

کرد با کمک آمار و احتمال الگوهایی برای پیش‌بینی قیمت‌ها در آینده بهدست آورده. کار او آنقدر جدید و دور از ذهن بود که دیگران اصلاً از آن سردنمی‌آوردند. به همین دلیل او نتوانست از پژوهش‌هاییش دفاع کند. اما باعث شد مفاهیم جدیدی در ریاضیات بوجود آید. او مفاهیم تازه‌ای در ریاضی ایجاد کرد که با کمک آن‌ها بتواند تغییرات قیمت بورس و سایر ویژگی‌های بورس و بازارهای مالی را به زبان ریاضی بیان کند. به این ترتیب شاخه‌ای به اسم

پیدایش شاخه‌ای جدید در

ریاضیات: ریاضیات مالی

● برهان: چه شد که سروکله ریاضی‌دان‌ها در اقتصاد پیدا شد؟ گویی علم اقتصاد برای پیشرفت خود به داشت ریاضی نیاز داشته است؟

■ صلواتی: در میان رشته‌های علوم انسانی، اقتصاد اولین رشته‌ای است که ریاضیات بهطور جدی وارد آن شده است، مدتی حدود صد سال. در همین مدت کوتاه، پیشرفت‌های زیادی در علم اقتصاد بوجود آورده است تا آنجا که در سی سال گذشته،

● نازنین حسن‌نیا ● عکاس: شادی رضائی

نوبنیان



چگونه ریاضیات‌هایی به عنوان شاخه‌ای از ریاضیات به وجود آمد؟ نوبنیان

مسئله به قدری بالا می‌رود که شاید نتوانیم راه حلی برای جواب آن پیدا کنیم. اوایل قرن بیستم تلاش‌های جدی صورت گرفت تا بتوانیم هر آنچه که برای ما قابل شناسایی نیست و یا قابل اندازه‌گیری نیست و یا پیچیدگی‌هایی در حل مسئله ایجاد می‌کند، به شکل بینیم وارد مسئله کنیم. به این ترتیب رشته ریاضیات مالی به وجود آمد. این همان فرایندهای تصادفی بود که دنیای مدل‌سازی پدیده‌ها را به سمت دنیای واقعی هدایت می‌کرد و پایه و اساسی قرار گرفت بر پاسخ

تعدادی از برندهای نوبنیان اقتصاد، ریاضیات مالی، که قبلًا در ریاضیات ریاضی‌دان بوده‌اند. وجود نداشت، متولد شد.

■ یزدانیان: شروع ریاضیات مالی با کارهایی بود که لوییز بشیلیه در سال ۱۹۰۰ میلادی انجام داد. بازارهای مالی مثل بورس، بانک، و بیمه، تا آن زمان در دست بورس بررسی کنیم، ابتداء باید بینیم که چه متغیرها و عواملی بر قیمت سرمایه‌داران و بازاریان بود. بشیلیه این سهام اثمری گذاشت. برخی از این متغیرها برای ما ناشناخته است؛ بعضی را می‌توانیم شناسایی کنیم و اندازه بگیریم؛ و برخی دیگر هم هست که می‌شناسیم اما نمی‌توانیم

شمردن یک کار ریاضی است. وقتی پول می‌شماریم، داریم کار ریاضی انجام می‌دهیم. اما وقتی صحبت از پول است، داریم از اقتصاد هم حرف می‌زنیم. ریاضیات و اقتصاد دو علمی هستند که امروزه خیلی به هم نزدیک شده‌اند. آن قدر نزدیک که تعدادی از جواز نوبنیان اقتصاد را ریاضی‌دان‌ها گرفته‌اند. همان‌طور که ریاضیات به حل مسئله‌های اقتصاد کمک کرده، علم اقتصاد نیز به ایجاد شاخه‌ای در ریاضیات به نام ریاضیات مالی کمک کرده است. در گفت و گو با آقای دکتر داداشی، آقای دکتر صلواتی و آقای دکتر یزدانیان می‌خواهیم بینیم چگونه این ارتباط بین دانش ریاضی و اقتصاد به وجود آمد.

ریاضیات به پیشرفت علوم دیگر کمک می‌کندا

● برهان: چه جالب! یعنی ریاضیات به علوم دیگر کمک می‌کند تا به سوال‌های شناس پاسخ بدهند؛ و جالب‌تر این که سایر علوم هم با مسائل متنوعی که دارند باعث می‌شوند ریاضی دان‌ها دنبال روش‌ها و ابزار جدید حل مسئله باشند و به این ترتیب خود ریاضیات هم پیشرفت می‌کند.

■ بزدانیان: بله. به تازگی مقاله‌ای مربوط به پیش‌بینی قیمت زیتون و فراورده‌های آن در زمان یونان باستان خواندم که به تصادفی بودن بعضی عامل‌های مؤثر بر قیمت اشاره کرده بود. متنهای آن موقع آن‌ها نمی‌توانستند آن را به دقت توصیف کنند و توضیح دهنده. این مسئله حل نشده باقی ماند تا اینکه عاقبت ریاضیات مالی پایه‌گذاری شد. پیدایش این نظریات

ریاضی دان‌ها را با چالش جدیدی مواجه می‌کرد، چون ریاضیاتی که تا آن‌وقت وجود داشت، برای حل مسائل این شاخهٔ جدید ریاضی کافی نبود. حسابان نیوتونی دیگر نمی‌توانست به آن‌ها پاسخ بدهد. ریاضی دانان تلاش کردند آنچه را که این علم جدید نیاز داشت بیافرینند. تا اینکه در اواسط قرن بیستم میلادی، کیووشی ایتو حسابان جدیدی بنام حسابان تصادفی اینتو را پایه‌گذاری کرد که سوالات دنیای تصادفی را حل می‌کند. دانش ریاضیات به همین ترتیب توسعه پیدا می‌کند و پیش می‌رود. بعد از به وجود آمدن حسابان اینتو، بلک و شولز

به سوالات عمیقی که تا قبل از آن به صورت مبهم از کنار آن گذشته بودیم و بیشتر از هر جایی در اقتصاد و علم مالیه بروز پیدا کرد. به تدریج نظریات اقتصادی و مالی و به دنبال آن بازارهای مالی را دیگرگون کرد و این چیزی نبود جز ریاضیات مالی.

■ صلواتی: صد سال قبل از بشیلیه، یک گیاه‌شناس بنام رابرت براون مشاهده کرده بود که وقتی دانه‌ای بسیار سبک مثل هاگ در آب می‌افتد، کاملاً تصادفی به اطراف حرکت می‌کند. یعنی حرکتی که انگار مطابق هیچ قانونی نیست و نمی‌توان حرکت این ذره را در لحظه بعد پیش‌بینی کرد. او سعی کرد قانون جدیدی برای این حرکات به دست آورد. تلاش زیادی هم کرد و امروزه این نوع حرکات تصادفی را به نام او حرکت براونی می‌نامیم.

اما هیچ ریاضیاتی در آن به وجود نیامد. او ایل قرن بیستم، اینشتین کارهای براون را ادامه داد و توансنت معادلاتی پیدا کند که بعضی مسائل را حل می‌کرد. بعد از او ریاضی دانی بنام وینر روی این معادلات کار کرد. همانطور که گفته شد، بشیلیه اولین کسی بود که این رفتار تصادفی را در پدیده‌های مالی به کار برد. این ریاضیات جدید، برای بررسی خیلی از اتفاقات دیگر در دنیای فیزیک، مکانیک و علوم مهندسی نیز ابزار خوبی بود. در واقع کنجکاوی و ذکاوتی که یک ریاضی دان داشت باعث شد که یک تحول جدی صورت بگیرد.

1971:
Simon
Kuznets
(1901-1985)



1972:
Kenneth
Arrow
(1921-2017)



1975:
Tjalling
Koopmans
(1910-1985)



1975:
Leonid
Kantorovich
(1912-1986)



1983:
Gerard De
breu (1921-
2004)



1990:
Harry M.
Markowitz
(1927- ...)



1994:
John F. Nash
(1928-2015)



1997:
Robert C.
Merton
(1944- ...)





ریاضی‌دانان با اقتصاددانی که به دلیل کار علمی ریاضی، موفق به دریافت نوبل اقتصاد شده‌اند

1997:
Myron S.
Scholes
(1941- ...)



2003:
Clive W.
J. Granger
(1934-2009)



2003:
Robert
F. Engle
(1942- ...)



2005:
Robert
Aumann
(1930- ...)



2005:
Thomas
Shelling
(1921-2016)



2007:
Leonid
Hurwicz
(1917-2008)



2012:
Lloyd S.
Shapley
(1923-2016)



2016:
Bengt
Holmström
(1949- ...)



نرم‌افزارهای محاسباتی، محاسبات را دستی انجام بدهید. آن وقت خیلی کُند به نتیجه می‌رسید.

آینده، شغل و ریاضیات مالی!

صلواتی: یکی از جذابیت‌های رشته ریاضیات مالی

بانک

نهادی اقتصادی است که وظیفه‌هایی چون تجهیز و توزیع اعتبارات، عملیات اعتباری، عملیات مالی، خرید و فروش ارز، نقل و انتقال وجوده، وصول مطالبات استنادی و سود سهام مشتریان، پرداخت بدھی مشتریان، قبول امانات، نگهداری سهام و اوراق بهادر و اشیای قیمتی مشتریان، انجام وظیفه قیmomیت و وصایت برای مشتریان، انجام وکالت خرید و فروش را بر عهده دارد.

این است که در آن از رشته‌های مختلف ریاضی استفاده می‌شود البته پدیده‌های مالی خیلی قطعی نیستند. بنابراین برای بررسی آن‌ها باید از متغیرهای تصادفی استفاده کرد. این جاست که پای احتمال و فرآیندهای تصادفی به میان می‌آید. سؤالی که پیش می‌آید این است که تغییرات این متغیرها نسبت به زمان چگونه است؟ برای پاسخ این سؤال، آنالیز تصادفی لازم است. پس از آن باید معادلات تصادفی را حل کنید، بنابراین حسابان تصادفی لازم می‌شود. یعنی انگار ریاضیات مالی دارد از تمام توان ریاضیات استفاده می‌کند. به همین ریاضی خیلی تخصصی علاقه‌مند هستند، مسائل زیادی در این حوزه وجود دارد. برای افرادی هم که به کارهای کاربردی تر علاقه‌مند هستند و دوست دارند از ریاضی برای حل

و مرتون در سال ۱۹۷۳ مقاله‌ای را چاپ کردند که درباره بازنگری در ارزش‌گذاری یکی از ابزارهای پیشرفت‌های نوین مالی بود. بعد از حدود بیست سال کار مداوم در این حوزه، در سال ۱۹۹۷ آن‌ها موفق به دریافت جایزه نوبل در اقتصاد شدند. این اتفاق مهمی بود که ریاضی‌دانان در سایر علوم وارد شوند و پیشرفت‌هایی در آن علوم ایجاد کنند. به نظر من اگر ریاضی‌دانان وارد علوم دیگر شوند، سرعت رشد و توسعه آن علوم چند برابر می‌شود. فرض کنید می‌خواهید ارتباط بین چیزی را با چیز دیگر پیدا کنید. اول برسی می‌کنیم که آیا در حال تغییر هستند یا ثابت‌اند؟ اگر در حال تغییر بودند به آن‌ها متغیر می‌گوییم. سؤالی که بلافضله پیش می‌آید این است که این متغیر از چه نوعی است؟ متغیر مستقل است یا وابسته است؟ متغیر تصادفی است یا گسسته؟ متغیر تصادفی است یا تعیینی؟ حالا باید بیننیم ارتباط‌های شناخته شده بین آن متغیرها چیست؟ حالا باید این همه اطلاعات را مرتب و طبقه‌بندی کنید. ریاضیات برای یافتن آن ارتباط، ابزارهای بسیار متنوعی در اختیار شما می‌گذارد که هر کدام شاخه‌ای از ریاضیات هستند؛ مانند گراف، ترکیبیات، احتمال، آمار، حسابان، معادلات و ... با این ابزارها می‌توانید مسائل را سریع‌تر از پیش حل کنید. حتی اگر مسئله‌ای را نتوانید با دانش امروز حل کنید، باز هم با استفاده از ریاضیات مشخص می‌شود که از چه راههایی به جواب مسئله نمی‌رسید. اگر پدیده‌ها را قابل اندازه‌گیری نکنید و در قالب محاسبات نیاورید، مثل این است که برای محاسبات بسیار پیچیده به جای استفاده از ماشین حساب یا



بیمه

سازوکاری است که طی آن یک بیمه‌گر، بنا به ملاحظاتی تعهد می‌کند که زیان احتمالی یک بیمه‌گذار را در صورت وقوع یک حادثه در یک دوره زمانی خاص، جبران نماید یا خدمات مشخصی را به وی ارائه دهد.

بنابراین، بیمه یکی از روش‌های مقابله با ریسک است. به موجب قانون بیمه ایران، بیمه عبارت است از قراردادی که به موجب آن یک طرف (بیمه‌گر) تعهد می‌کند در ازای پرداخت وجه یا وجهی از طرف دیگر (بیمه‌گذار) در صورت وقوع یا بروز حادثه خسارت واردہ بز او را جبران نموده یا وجه معینی را بپردازد. متعهد را بیمه‌گذار به بیمه‌گر بیمه‌گذار وجهی را که بیمه‌گذار به بیمه‌گر می‌پردازد حق بیمه و آنچه را که بیمه می‌شود موضوع بیمه نامند.



مسائل دنیای واقعی استفاده کنند، در برای پژوهه‌های بعدی شان احساس کردند که بدون این ریاضی‌دانان نمی‌توانند کارشان را به خوبی پیش ببرند و برای رسیدن به نتیجه بهتر، راه را برای ورود ریاضی‌دان‌ها به عرصه کارشان باز کردند.

● **برهان:** یعنی همان کاری که بشیلیه کرد و پا پیش گذاشت تا مسئله‌ای را در دنیای واقعی حل کند. آن وقت صنعت خودش به دنبال این افراد می‌آید تا آن‌ها را به عنوان مشاور و متخصص استخدام کند.

■ **داداشی:** دقیقاً. البته عمر این رشته در کشور ما تنها ۵ سال است و حالا زمان می‌برد تا بتواند خودش را معرفی کند و جایگاه مناسبش را پیدا کند.



دکتر حسن داداشی:
- متولد ۱۳۵۸
- کارشناسی و کارشناسی ارشد و دکترا: رشته ریاضی دانشگاه صنعتی شریف
- زمینه کاری: آنالیز تصادفی و ریاضیات مالی
- محل اشتغال: دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان



دکتر عرفان صلوتی:
- متولد ۱۳۶۵
- کارشناسی و کارشناسی ارشد و دکترا: رشته ریاضی دانشگاه صنعتی شریف
- زمینه کاری: معادلات دیفرانسیل تصادفی، ریاضیات مالی
- عضو هیئت علمی دانشگاه صنعتی امیرکبیر



دکتر احمد رضا یزدانیان:
- متولد ۱۳۶۳
- دکترا: ریاضیات کاربردی - دانشگاه علم و صنعت ایران
- زمینه کاری: ریاضیات مالی
- عضو هیأت علمی دانشگاه سمنان



نویسنده: حسین شاه محمد
تصویرگر: رودابه خائف
ناشر: انتشارات فاطمی

معرفی کتاب • جعفر ربانی

در این شماره از مجله کتابی را به شما معرفی می‌کنیم که می‌دانیم اگر به دستتان بیفتند، آن را برای همیشه نزد خود نگهداری خواهید کرد. نام کتاب عبارت طولانی «مترو تجربیش، شربت سکنجبین، حلقة نامزدی و ۱۴۲ معمامی دیگر» است. همان‌طور که در تصویر روی جلد کتاب می‌بینید، ولی ما با همان اسم «۱۴۲ معمامی دیگر» آن را می‌شناسیم. حسین شاه محمد که اکنون دارای درجه دکترای ریاضی است و در عالی ترین سطح در یکی از دانشگاه‌های آمریکا به تدریس اشتغال دارد، از سن ۱۱ سالگی به حل کردن معما و مخصوصاً معماهای ریاضی علاقه‌مند بوده است و حالا به توصیه دکتر مهدی بهزاد، استاد نامدار ریاضیات در دانشگاه‌های ایرانی، به نوشتن این کتاب اقدام کرده است.

اجازه بدید قبل از هر چیز خلاصه معماهای شربت سکنجبین را برای شما بگوییم و سپس به معرفی کتاب ادامه دهیم: پادشاهی می‌خواست از دست دو تاز و زیرانش خلاص شود. به همین دلیل در یک روز بهاری گرم آن دو را دعوت کرد و به عنوان پذیرایی دو ظرف شربت سکنجبین پر از یخ در مقابل آنها قرار داد. وزیر اول فوراً ظرف را سر کشید، ولی وزیر دوم دقایقی بعد آن را نوشید. وزیر اول زنده ماند، اما وزیر دوم اندازک بی حال شد و به زودی مرد. چرا؟ کمی فکر کنید و جواب دهید. باز هم فکر کنید! نتوانستید؟! خودم می‌گوییم: «ذرّات سم در داخل قالب‌های یخ بود!»

خب! این کتاب مجموعه‌ای از انواع معماهای ریاضی، سؤال‌های ریاضی، حل مسئله، اعداد، هندسه، قصه، تصویر، سرگرمی، هوش و... است؛ بعضی سخت و بعضی آسان. به معلمان ریاضی شما توصیه می‌کنیم از مدیر مدرسه بخواهند، از این کتاب تهیه کند و در اختیار معلمان بگذارند تا معلمان نیز هزارگاهی به یکی از شما دانش‌آموزان ریاضی دوست جایزه بدهند. از این مهم‌تر پیشنهاد می‌کنیم که معلمان ریاضی گاهی از این کتاب و کتاب‌های مشابه نیز سؤال طرح کنند. شرح بیشتری نمی‌دهیم. فقط در پایان صورت هفت معما از معماهای کتاب را - بدون پاسخ - برای شما می‌آوریم تا با محتوای کتاب بیشتر آشنا شوید:

- مجید در پارک دو دختربچه را می‌بیند که خیلی شبیه یکدیگرند او هنگام صحبت کردن با آن‌ها متوجه می‌شود که نوشین و ندا از یک مادر، در یک بیمارستان و با چند دقیقه اختلاف به دنیا آمدند، ولی در کمال تعجب دوقلو هم نیستند. چرا؟
- عنکبوتی درون چاهی به عمق ۱۰ متر افتاد. او هر روز سه متر به بالا صعود می‌کرد و هر شب دو متر به پایین سُر می‌خورد. چند روز طول می‌کشد که عنکبوت از چاه بیرون بیاید؟
- اگر در یک مسابقه دو مارaten هزار نفری، از نفر سوم جلو بزنید، در همان لحظه نفر چندم هستید؟ اگر از نفر آخر جلو بزنید چطور؟

- نه سکه داریم که هشت تای آن‌ها هم وزن‌اند و نهمی کمی سنگین‌تر است. چگونه می‌توان فقط با دو بار وزن کردن با ترازویی دوکفه‌ای، سکه سنگین‌تر را پیدا کرد؟
- دایره‌ای داده شده است. با استفاده از پرگار و خط‌کش که مدرج نیست، چگونه می‌توان مرکز دایره را پیدا کرد؟
- امیر حسام دو تخته فرش خرید و پس از مدتی هر کدام را به مبلغ ۶۰۰۰ تومان فروخت. در این معامله روی فرش اول درصد سود و روی فرش دوم ۲۰ درصد ضرر کرد. آیا در این معامله سود کرده است یا ضرر؟
- دو پدر هر کدام با یکی از پسرانشان به سینما می‌روند، ولی فقط سه بلیت می‌خرند. چرا؟

جدول ۱. درآمد حاصل از فروش بلیت بیشتر																	
تعداد بلیت‌های فروخته شده																	
درآمد حاصل از فروش بلیت‌های بیشتر (بر حسب میلیون تومان)																	
۱۶۶	۱۶۵	۱۶۴	۱۶۳	۱۶۲	۱۶۱	۱۶۰	۱۵۹	۱۵۸	۱۵۷	۱۵۶	۱۵۵	۱۵۴	۱۵۳	۱۵۲	۱۵۱	۱۵۰	
۴/۸	۴/۵	۴/۲	۳/۹	۳/۶	۳/۳	۳	۲/۷	۲/۴	۲/۱	۱/۸	۱/۵	۱/۲	۰/۹	۰/۶	۰/۳	.	

گاهی برخی از مسافران هواپیما که از قبل بلیت سفرشان را خریده‌اند، به دلایلی مثل تغییر برنامه سفرشان یا دیر رسیدن به پرواز، سوار هواپیما نمی‌شوند. منظورم مسافرانی هستند که تا لحظه پرواز، بلیتشان را کنسل نکرده‌اند و جایشان در هواپیما خالی می‌ماند. برخی از شرکت‌های هواپیمایی بر حسب تجربه، تخمینی از درصد تعداد این مسافران دارند و با توجه به این تخمین، تعداد بیشتری بلیت می‌فروشند تا صندلی هواپیمایی خالی نماند و درآمد بیشتری حاصل شود. مثلاً این تخمین در یکی از شرکت‌های هواپیمایی ۱۰ درصد است. در این شرکت تصمیم بر این است که همیشه ۱۰ درصد بیشتر از ظرفیت هواپیما بلیت فروخته شود.

جدول ۲. درآمد حاصل از جریمه

مسافران حاضر	درآمد حاصل از جریمه‌ای که شرکت هواپیمایی باید در هر حالت پرداخت کند (بر حسب میلیون تومان)
۱۵۰	.
۱۵۱	-۱
۱۵۲	-۲
۱۵۳	-۳
۱۵۴	-۴
۱۵۵	-۵
۱۵۶	-۶
۱۵۷	-۷
۱۵۸	-۸
۱۵۹	-۹
۱۶۰	-۱۰
۱۶۱	-۱۱
۱۶۲	-۱۲
۱۶۳	-۱۳
۱۶۴	-۱۴
۱۶۵	-۱۵
۱۶۶	-۱۶

بدین ترتیب، در این شرکت برای یک پرواز با هواپیمای بوئینگ ۷۳۷ که دارای ۱۵۰ نفر ظرفیت مسافر است، ۱۶۶ بلیت فروخته می‌شود. چون تخمین این است که ۱۰ درصد مسافران نمی‌آیند و $149 \times 0/9 = 149/4 = 166 \times 0/9 = 160$ کمتر است.

اگر قیمت هر بلیت ۳۰۰ هزار تومان باشد، با این تصمیم یعنی فروختن ۱۶ بلیت بیشتر از ظرفیت هواپیما، تنها در یک پرواز درآمد حاصل از فروش بلیت $16 \times 300,000 = 480,000$ تومان بیشتر می‌شود.

اما اگر مسافران بیشتری برای سوار شدن به هواپیما بیایند، چه انفاقی می‌افتد؟ برخی از آن‌ها نمی‌توانند سوار هواپیما شوند و از پرواز می‌مانند. قانون برای این موارد جریمه‌ای برای شرکت هواپیمایی در نظر گرفته است. یعنی اگر تعداد مسافرانی که برای سوار شدن به هواپیما آمده‌اند، از ظرفیت هواپیما بیشتر باشد، شرکت هواپیمایی باید به مسافرانی که از پرواز مانده‌اند، غرامت پردازد. مثلاً یک میلیون تومان هزینهٔ غذا، اقامت و بلیت در پروازهای بعدی.

ریاضی



راستی چرا همه درآمدها در این جدول کوچک‌تر از صفر هستند؟ این جرم‌ها یا به عبارت دیگر، این قانون تصمیم‌گیری را برای شرکت هواپیمایی سخت می‌کند. چون باید حساب کند، آیا می‌ارزد بلیت بیشتر از ظرفیت بفروشد یا نه. به جدول ۳ نگاه کنید. در هر خانه درآمد اضافی شرکت با توجه به تعداد بلیت‌های فروخته شده و تعداد مسافران حاضر پای پرواز محاسبه شده است. برخی از درآمدها در این جدول بزرگ‌تر از صفر هستند، یعنی مجموع درآمد اضافی حاصل از فروش بلیت بیشتر و جرم‌هایی حاصل از تعداد مسافران بیشتر پای پرواز، عددی بزرگ‌تر از صفر شده است. اما هنوز در خیلی حالت‌ها این حاصل از صفر کوچک‌تر است. اینجاست که تجربه شرکت‌های هواپیمایی در تخمین درصد مسافرانی که به پرواز نمی‌رسند، می‌تواند به آن‌ها در تصمیم‌گیری درباره تعداد بلیت‌های اضافه‌ای که می‌فروشنند، اهمیت پیدا می‌کند. اگر قرار بود شما تصمیم بگیرید که چند بلیت بیشتر از ظرفیت بفروشید چه می‌کردید؟

جدول ۳. درآمد اضافی که شرکت هواپیمایی در هر حالت به دست می‌آورد (بر حسب میلیون)

تعداد بلیت‌های فروخته شده	مسافران حاضر	۱۶۶	۱۶۵	۱۶۴	۱۶۳	۱۶۲	۱۶۱	۱۶۰	۱۵۹	۱۵۸	۱۵۷	۱۵۶	۱۵۵	۱۵۴	۱۵۳	۱۵۲	۱۵۱	۱۵۰
۴/۸	۴/۵	۴/۲	۳/۹	۳/۶	۳/۳	۳	۲/۷	۲/۴	۲/۱	۱/۸	۱/۵	۱/۲	۰/۹	۰/۶	۰/۳	۰	+	
۴/۸	۴/۵	۴/۲	۳/۹	۳/۶	۳/۲	۳	۲/۷	۲/۴	۲/۱	۱/۸	۱/۵	۱/۲	۰/۹	۰/۶	۰/۳	۰	۰	۱۵۰
۳/۸	۳/۵	۲/۲	۲/۹	۲/۶	۲/۳	۲	۱/۷	۱/۴	۱/۱	۰/۸	۰/۵	۰/۲	-۰/۱	-۰/۴	-۰/۷	-۱	-۱	۱۵۱
۲/۸	۲/۵	۲/۲	۱/۹	۱/۶	۱/۳	۱	۰/۷	۰/۴	۰/۱	-۰/۲	-۰/۵	-۰/۸	-۱/۱	-۱/۴	-۲	-۲	-۲	۱۵۲
۱/۸	۱/۵	۱/۲	۰/۹	۰/۶	۰/۳	۰	-۰/۳	-۰/۶	-۰/۹	-۱/۲	-۱/۵	-۱/۸	-۲/۱	-۲/۱	-۳	-۳	-۳	۱۵۳
۰/۸	۰/۵	۰/۲	-۰/۱	-۰/۴	-۰/۷	-۱	-۱/۳	-۱/۶	-۱/۹	-۲/۲	-۲/۵	-۲/۸	-۲/۸	-۲/۸	-۴	-۴	-۴	۱۵۴
-۰/۴	-۰/۵	-۰/۸	-۱/۱	-۱/۴	-۱/۷	-۲	-۲/۳	-۲/۶	-۲/۹	-۳/۴	-۳/۵	-۳/۸	-۳/۸	-۳/۸	-۵	-۵	-۵	۱۵۵
-۱/۲	-۱/۵	-۱/۸	-۲/۱	-۲/۴	-۲/۷	-۳	-۳/۳	-۳/۶	-۳/۹	-۴/۲	-۴/۲	-۴/۲	-۴/۲	-۴/۲	-۶	-۶	-۶	۱۵۶
-۲/۲	-۲/۵	-۲/۸	-۳/۱	-۳/۴	-۳/۷	-۴	-۴/۳	-۴/۶	-۴/۹	-۴/۶	-۴/۹	-۴/۹	-۴/۹	-۴/۹	-۷	-۷	-۷	۱۵۷
-۳/۲	-۳/۵	-۳/۸	-۴/۱	-۴/۴	-۴/۷	-۵	-۵/۳	-۵/۶	-۵/۹	-۶/۲	-۶/۵	-۶/۸	-۶/۸	-۶/۸	-۸	-۸	-۸	۱۵۸
-۴/۲	-۴/۵	-۴/۸	-۵/۱	-۵/۴	-۵/۷	-۶	-۶/۳	-	-	-	-	-	-	-	-۹	-۹	-۹	۱۵۹
-۵/۲	-۵/۵	-۵/۸	-۶/۱	-۶/۴	-۶/۷	-۷	-	-	-	-	-	-	-	-	-۱۰	-۱۰	-۱۰	۱۶۰
-۶/۲	-۶/۵	-۶/۸	-۷/۱	-۷/۴	-۷/۷	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-۱۱	-۱۱	-۱۱	۱۶۱
-۷/۲	-۷/۵	-۷/۸	-۸/۱	-۸/۴	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-۱۲	-۱۲	-۱۲	۱۶۲
-۸/۲	-۸/۵	-۸/۸	-۹/۱	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-۱۳	-۱۳	-۱۳	۱۶۳
-۹/۲	-۹/۵	-۹/۸	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-۱۴	-۱۴	-۱۴	۱۶۴
-۱۰/۲	-۱۰/۵	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-۱۵	-۱۵	-۱۵	۱۶۵
-۱۱/۲	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-۱۶	-۱۶	-۱۶	۱۶۶

در حالتی که ۱۶۴ بلیت فروخته شده، $4/2$ میلیون تومان بابت ۱۴ بلیت بیشتر از ظرفیت دریافت شده است. از طرفی اگر ۱۶۱ مسافر مراجعه کردند و ۱۵۰ نفر ظرفیت پرداخته شده است. پس درآمد اضافی برابر $4/2 + (-11) = -6/8$ شده است.

در این حالت ۱۵۳ بلیت فروخته شده و $0/۹$ میلیون تومان بابت ۳ بلیت بیشتر از ظرفیت دریافت شده است. از طرفی فقط ۱۵۰ مسافر مراجعه کردند و جرم‌هایی پرداخت نشده است. پس درآمد اضافی برابر $0/۹ + 0 = 0/۹$ شده است.

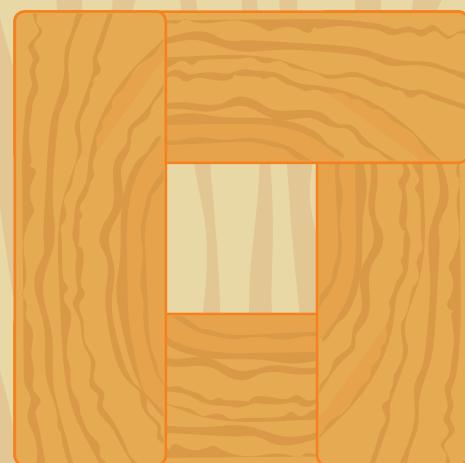
محدثه کشاورز اصلانی

چوب

بگذارید حرفم را با یک سؤال خیلی ساده و بدیهی شروع کنم: «من یک تکه چوب بزرگ دارم و تعدادی چوب کوچک به طول نصف آن. اگر بخواهم با کنار هم گذاشتن این چوب های کوچک، طولی به اندازه چوب بزرگم درست کنم، به چند قطعه چوب احتیاج دارم؟»



خب من از اول هم گفتم که پاسخ خیلی ساده است. با کنار هم گذاشتن دو قطعه چوب کوچک، می توانم طولی به اندازه یک قطعه چوب بزرگ درست کنم.



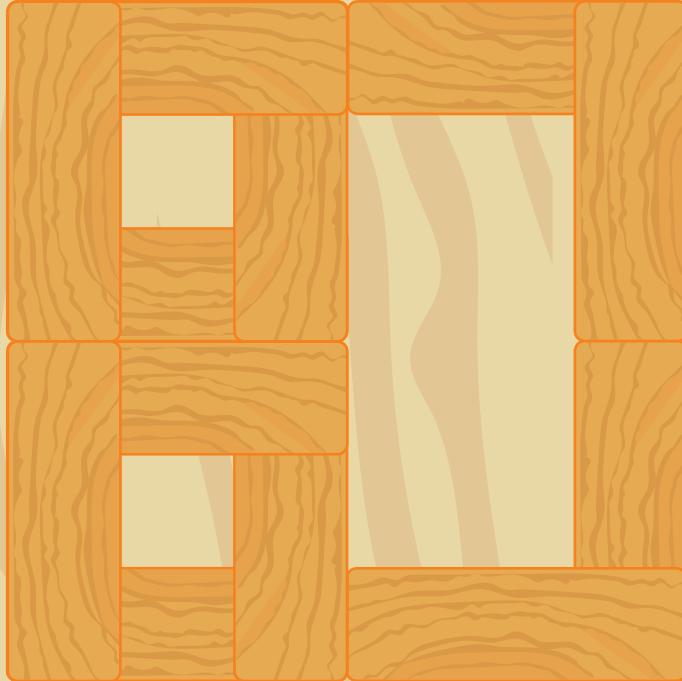
احتمالاً پاسخ سؤال بعدی هم باید همین قدر ساده باشد. فرض کنید که من با چوب بزرگ یک مربع درست کرده‌ام (شکل صفحه مقابل). ضمناً من تعدادی مربع هم با ضلعی به اندازه چوب کوچک دارم، به شکل رویه‌رو: آیا می توانم با دو مربع کوچک کل مربع بزرگ را بپوشانم؟

خب از روی شکل پیداست که دو مربع کافی نیست و به چهار مربع کوچک احتیاج داریم. این بار تصور کنید با چوب های کوچک و بزرگ، تعدادی مکعب ساخته‌ایم. سؤال این است که برای پر کردن حجم مکعب



چند تا مکعب

بزرگ به چند مکعب
کوچک احتیاج داریم؟
اگر کمی خوب تجسم
کنید متوجه می‌شوید
که دو ردیف مکعب باید
روی هم بچینیم که در هر
ردیف، چهار مکعب قرار
دارد. پس در کل به هشت
مکعب احتیاج داریم!
باید از این مکعبها
کمک بگیریم و به سراغ
واحدهای اندازه‌گیری
برویم. شاید بتوانیم از
عددهای عجیب و طولانی
مربوط به تبدیل واحدها
سر در بیاوریم. ۱ متر با
۱۰۰ سانتی‌متر برابر است.
یعنی اگر ۱ متر را به ۱۰۰



قسمت مساوی تقسیم کنیم، هر کدام از قسمت‌ها یک سانتی‌متر هستند. حالا به ۱ متر مریع نگاه کنیم. ۱ متر مریع، مربعی است به طول ضلع ۱ متر. من اصلاح این مریع را به ۱۰۰ قسمت مساوی تقسیم می‌کنم. طول ضلع هر کدام از مریع‌های کوچک، ۱ سانتی‌متر است. پس مساحت هر کدام‌شان ۱ سانتی‌متر مریع است. اما نکته مفید برای حل مسئله‌های تبدیل واحد این است که بدانیم چند تا این مریع‌ها داخل یک

مریع ۱ متر مریعی جا شده است؟

خوب که فکر کنید، می‌فهمید داخل مریع ۱ متر مریعی، ۱۰۰ ردیف ۱۰۰ تایی مریع کوچک هست. پس پاسخ به این سؤال سخت نیست:

$$1\text{m}^2 = 100\text{cm} \times 100\text{cm} = 10000\text{cm}^2$$

 همین کار را برای یک مکعب $1 \times 1 \times 1$ متری هم می‌توانیم انجام دهیم. بگویید داخل این مکعب ۱ متر مکعبی چند تا مکعب کوچک ۱ سانتی‌متر مکعبی جا می‌شود؟ برای پاسخ به این سؤال، به این فکر کنید که کف مکعب، ۱۰۰۰۰۰ قسمت شده است و ۱۰۰ ردیف به این شکل روی هم قرار گرفته است.

کل زن ترین فوتبالیست های ملی ایران

جعفر اسدی گرمارودی

در نمودار زیر، تعداد گل زده شش گلزن برتر تاریخ فوتبال ایران را مقایسه کرده ایم:



روشن است علی دایی با اختلاف قابل توجهی نسبت به بقیه بیشترین تعداد گل تاریخ ایران را به ثمر رسانده است. آیا برداشت ما از این نمودار که بیشترین گل زده را نشان می دهد، می تواند تغییر کند؟ کمی فکر کنیم ببینیم چه اطلاعاتی می تواند این موضوع را به چالش بکشاند. بیایید تعداد بازی هر بازیکن را نیز به اطلاعاتمان اضافه کنیم و آن را بررسی کنیم. به جدول ۱ توجه کنید.

	تعداد بازی	کل ملی
علی دایی	۱۰۹	۱۴۹
سردار آزمون	۲۲	۲۹

جدول ۱. مقایسه تعداد گل ملی و تعداد بازی های علی دایی و سردار آزمون

حالا چگونه $10\frac{9}{149}$ گل در ۲۲ بازی را با $2\frac{9}{22}$ گل در ۲۹ بازی مقایسه کنیم و تفاوت آن‌ها را نمایش دهیم؟ در اینجا ریاضی به کمک می‌آید و دانش مورد نیاز میانگین است. یک ستون به نام میانگین به جدول ۱ اضافه می‌کنیم. سپس تعداد گل‌ها بر تعداد بازی‌ها تقسیم می‌کنیم تا میانگین گل زده در یک بازی به دست آید.

جدول ۲. مقایسه سردار آزمون و علی دایی براساس میانگین گل زده

میانگین گل زده	تعداد بازی	گل ملی	علی دایی
سردار آزمون	۲۹	۲۲	۱۴۹
	%۷۶		%۷۳

میانگین گل زده، سردار آزمون را در وضعیت بهتری قرار می‌دهد. در جدول ۳، بهترین گلزنان تاریخ فوتبال ایران را براساس تعداد گل زده مرتب کرده‌ایم و میانگین گل زده در هر مسابقه را نیز در جدول آورده‌ایم. می‌توانیم این جدول را براساس میانگین مرتب کنیم و سپس بازیکنان را مقایسه کنیم (این کار را بر عهده شما خوانندگان می‌گذاریم).

جدول ۳. بهترین گلزنان تاریخ ایران*

میانگین گل زده در هر بازی	تعداد بازی	گل ملی	نام بازیکن
۰/۷۳	۱۴۹	۱۰۹	علی دایی
۰/۵۷	۸۷	۵۰	کریم باقری
۰/۲۶	۱۵۱	۳۹	جواد نکونام
۰/۳	۱۲۷	۳۸	علی کریمی
۰/۷۶	۲۹	۲۲	سردار آزمون
۰/۴۸	۴۰	۱۹	غلامحسین مظلومی
۰/۵۴	۳۵	۱۹	همایون بهزادی
۰/۵۳	۳۴	۱۸	فرشاد پیوس
۰/۳	۵۰	۱۵	وحید هاشمیان

پی‌نوشت:

* برای تهیه این جدول حداقل ۱۵ گل ملی و حداقل ۱۰ بازی ملی ملاک قرار گرفته است.

* این آمار تا پایان بازی ایران و روسیه در تاریخ ۱۸ مهر ۹۶ استخراج شده است.



ریاضیات و مشاغل

دادو مقصومی مهوار

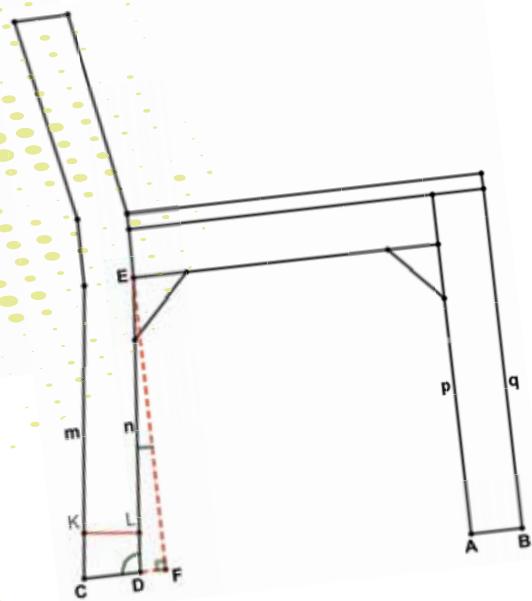


در کارگاه نجاری استاد بغدادی یک صندلی زیبا هست که کار خود او است. ببینید.
اگر خوب به شکل نگاه کنید می بینید که پایه های این صندلی کمی با هم فرق دارند. پایه جلویی عمود به زمین ایستاده است. ولی سه تا پایه دیگر، همگی اریب کار گذاشته شده اند.

دو عکس زیر از نزدیکتر گرفته شده اند تا بهتر ببینید.



در شکل زیر تنها دو پایه کشیده شده است و نام گذاری به کمک آمده است.





از آقای بغدادی پرسیدیم که او چگونه این برش‌ها را محاسبه کرده است. استاد گفت که یک بار با دقت و به کمک ابزارهای اندازه‌گیری یک گوشه را برم و بقیه پایه‌ها را بدون محاسبه و تنها به کمک گوشه‌ی تُرم.



پایه جلویی کاملاً عمود به زمین طراحی شده است. پس خط AB در آن باید عمود به لبه‌های پایه یعنی خط P یا خط Q بربد شود. اما در پایه پشتی لبه‌های پایه یعنی خطهای m و n با خط عمود بر زمین یعنی خط EF کمی زاویه دارند. در شکل این زاویه نام دارد. پس می‌بینید که لبه پاییستی این پایه هم باید کمی زاویدار بربد شود. راستای عمود به لبه‌ها موازی است. اگر لبه‌ی پاییستی پایه موازی با KL بربد شود، تمام لبه روی زمین قرار نخواهد گرفت و صندلی بد خواهد ایستاد. پس باید زاویه به درستی اندازه‌گیری و بربد شود. این زاویه در مثلث DEF زاویه خارجی است. پس چنین محاسبه می‌شود:

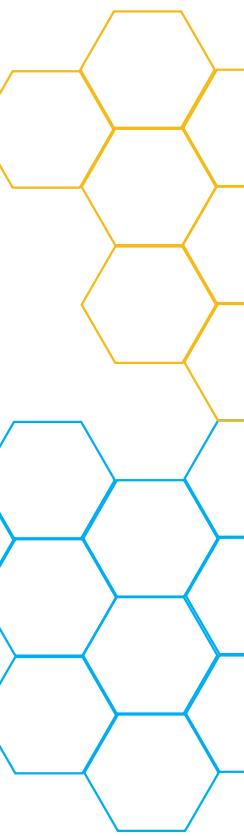
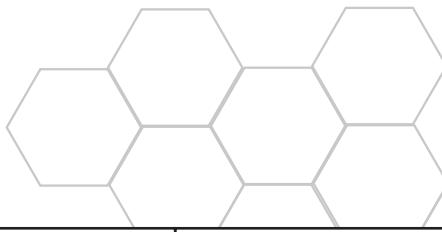
$$CDE = DFE + DEF = 90^\circ + DEF$$

پس کار ساده شد. اگر پایه را نسبت به خط عمود با زاویه مثلاً ۱۰ درجه ببریم، لبه پایه را باید با زاویه ۱۰۰ درجه نسبت به لبه n ببریم.

توجه کنید که همین مطلب را به کمک قضیه خطهای موازی و مورب نیز می‌شد فهمید. شما بگویید چه جوری؟ برای محکم شدن مفصل‌ها دو تکه مثلث بین پایه و کفی صندلی بربد شده است. این مثلث برای پایه جلویی قائم‌الزاویه است. ولی برای پایه پشتی باید با زاویه ۱۰۰ درجه بربد شود.



موضوع جالب‌تری هم هست. دو تا پایه کناری هم اریب کار شده‌اند. و محاسبات و برش آن‌ها هیچ فرقی با پایه پشتی ندارد. زیرا کفی صندلی دایره شکل است و هیچ کجای آن فرقی با قسمت‌های دیگرش ندارد. حتی می‌شد برای صندلی پایه‌های اریب دیگری نیز با همین محاسبات بربد و در هر جای دلخواه صندلی کار گذاشت.



تصویر ۱۳

بردار آبی را پنهان کنید و با بردار قرمز هر چهارضلعی را انتقال دهید (تصویر ۱۴). به این ترتیب ۱۶ چهارضلعی به دست آمد. شما با همین روش می‌توانید چهارضلعی‌ها را از هر طرف افزایش دهید.

تصویر ۱۴

همه نقطه‌ها و بردارها را پنهان کنید و فقط نقطه‌های A, B, C, D باقی بمانند. رنگ چهارضلعی اولیه را عرض کنید تا معلوم شود اصلی است. نقطه‌های A, B, C, D را جایه‌جا کنید. چه انفاقی می‌افتد؟

● آیا می‌توان نتیجه گرفت هر چهارضلعی می‌تواند سطح را پوشاند؟ ● آیا می‌توان نشان داد که مجموع زوایای چهارضلعی 360° درجه است؟ به رنگ زاویه‌ها در تصویر ۱۵ توجه کنید.

تصویر ۱۵

نقطه‌ها را باز هم حرکت دهید تا چهارضلعی اولیه مکعر شود. چهارضلعی‌های مقعر نیز سطح را می‌پوشانند (تصویر ۱۶ را بینید).

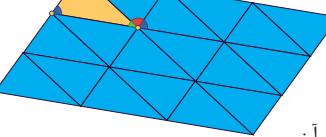
تصویر ۱۶

- بنوشت‌ها:
1. Tessellation
 2. Options
 3. Labeling
 4. No new objects
 5. Polygon
 6. Midpoint or Center
 7. Rotate around Point
 8. Vector
 9. Translate by Vector
 10. Move
 11. File
 12. New File



تصویر ۹

تصویر ۹ ایجاد شود. به این ترتیب شما ۱۸ مثلث دارید که مشاهده می‌کنید سطح را پوشانده‌اند. با همین روش می‌توانید تعداد مثلث‌ها را افزایش دهید.



تصویر ۱۰

● در پنجره عبارت‌های جبری در کنار هر شیء، یک دایره وجود دارد که وقتی روی آن کلیک کنید به دایره توخالی تبدیل می‌شود و آن شیء از صفحه ترسیم پنهان می‌شود. دقت کنید که این شیء وجود دارد، فقط دیده نمی‌شود. حالا همه بردارها و همه نقاط به جز A, B و C را پنهان کنید. همه مثلث‌ها به مثلث اولیه وصل هستند، رنگ این مثلث را تغییر دهید تا معلوم شود مثلث اصلی است.

● ابزار «جایه‌جای» (ستون اول، آیکون اول) را انتخاب کنید و نقاط A, B, C و D را با موس جایه‌جا کنید. چه انفاقی می‌افتد؟ ● آیا می‌توان نتیجه گرفت هر مثلثی می‌تواند سطح را پوشاند؟ ● آیا می‌توان نشان داد که مجموع زوایای مثلث ۱۸۰ درجه است؟ به رنگ زاویه‌ها در تصویر ۱۰ توجه کنید.

فعالیت دوم: آیا همه چهارضلعی‌ها سطح را می‌پوشانند؟

● از منوی «پرونده»، یک «پنجره جدید» باز کنید (یا Ctrl+n را بزنید). خطاهای شیشه و محورهای مختصات را پنهان کنید و نام‌گذاری را «برای هیچ کدام از اشیای جدید» قرار دهید.

● با ابزار چندضلعی یک چهارضلعی ایجاد کنید (ترجیحاً مربع یا مستطیل نباشد). نام آن ABCD خواهد بود.

● با دوران این چهارضلعی حول وسط دو تا از اضلاع تصویر ۱۱ را ایجاد کنید.

● بردار قطر AC را ایجاد کنید و با آن چهارضلعی اولیه را انتقال دهید تا تصویر ۱۲ ایجاد شود.

● بردار قطر را پنهان کنید و با بردار آبی رنگ هر ۴ چهارضلعی را انتقال دهید (تصویر ۱۳).

تصویر ۱۱

تصویر ۱۲

تصویر ۱۳

کلاس علوم

حسین نامی ساعی

تعیین شوند. بهترین‌ها محمد، علی و حسن بودند که انتخاب شدند.

آقای دقیق بعد از مشخص شدن برنده‌ها همه بچه‌ها را دور هم جمع و تازه درس را شروع کرد:

درس علوم آن روز:

آقای دقیق گفت: «مسافت ۳۰۰ متر ثابت بود. محمد این ۳۰۰ متر را در ۶۰ ثانیه، علی در ۶۵ ثانیه و حسن در ۷۰ ثانیه دویده بودند. این یعنی تندی متوسط محمد از همه بیشتر بود و در زمان کمتری این ۳۰۰ متر را دویده بود. علی و حسن که تندی کمتری نسبت به محمد داشتند، در زمان بیشتری این مسافت را دویده بودند.»

آقای دقیق توضیحات بیشتری داد: «با ثابت بودن مسافت، هر کس که تندی متوسط بیشتری داشته باشد، در زمان کمتری مسافت را طی می‌کند. درواقع با ثابت بودن مسافت، زمان با تندی نسبت معکوس دارد.

هرچه تندی بیشتر باشد، زمان کمتری

برای طی مسافت صرف می‌شود.

و هرچه تندی کمتر باشد، زمان بیشتری برای طی مسافت گرفته می‌شود.

خب اگر مسافت را با X و تندی را V و مدت زمان صرف شده را با T نمایش دهیم، با ثابت بودن X ، این تناسب به صورت زیر است:

$$V \propto \frac{1}{T}$$

باز هم مسابقه

پس از این توضیحات، مرحله بعدی مسابقه به این شکل بود که سرگروه‌های منتخب در یک مسیر مستقیم و استاندارد مسابقه دو می‌دادند و هر کدام که ظرف ۵ دقیقه بیشترین مسافت را

آقای دقیق، هفتة گذشته آخر زنگ علوم، در آزمایشگاه گفت: «بچه‌ها، کلاس علوم هفتة آینده در مجموعه ورزشی شهید حسینی که نزدیک مدرسه است، برگزار می‌شود. حتماً با لباس و کفش ورزشی بباید و رضایت‌نامه از خانواده هم همراه‌تان باشد.»

یک هفته گذشت و زنگ علوم رسید. ما به همراه آقای دقیق به مجموعه ورزشی شهید حسینی رفتیم. آقا بچه‌ها را به گروه‌های ۵ نفره تقسیم کرد. سپس آقای دقیق ما را به قسمت مخصوص مسابقات دوومیدانی ورزشگاه برد. همه لباس‌های ورزشی بر تن کرده بودیم. اول به محوطه مخصوص مسابقات دوی ۳۰۰ متر رفتیم. قرار بود همه در مسابقه دوی ۳۰۰ متر رقابت کنیم.

همه می‌دانستیم که زنگ ورزش نیست و آقای دقیق هم کاری را بی ارتباط با علوم انجام نمی‌دهد، ولی هنوز چیزی درباره هدفش نگفته بود. همه گروه‌ها باید جدا در مسابقه دوی ۳۰۰ متر با هم مسابقه می‌دادند تا سرگروه‌ها مشخص شوند.

آقای دقیق با زمان سنج و سوت به دست در انتهای خط پایان ۳۰۰ متر ایستاد و تک تک گروه‌ها هم به ترتیب در نقطه شروع مسابقه قرار گرفتند. با صدای سوت آقا، مسابقه شروع شد. به این ترتیب از هر گروه ۲ نفر انتخاب و سرگروه‌ها مشخص شدند. بعد همه سرگروه‌ها هم در مسابقه دیگری در دوی ۳۰۰ متر با هم مسابقه دادند تا نفرات اول، دوم و سوم

در پیت دو ۹۹ میدانی

یعنی علی ۳ کیلومتر را در ۲۰ دقیقه می‌دوشد که نسبت به محمد که ۳ کیلومتر را در ۱۵ دقیقه دویده، سرعتش کمتر است.

مسافت: عبارت است از طول کل مسیر طی شده توسط یک متحرک که ارتباطی به ابتداء و انتهای مسیر ندارد.

مجموع طول هایی که متحرک برای رفتن از مبدأ به مقصد می‌پیماید، مسافت طی شده گفته می‌شود.

جایه‌جایی: عبارت است از برداری که از ابتداء مسیر حرکت یک متحرک به انتهای مسیر متصل می‌شود.

فرض کنید قرار است به مسافت بروید. ابتداء مقصد خود را شخص می‌کنید. سپس از منزل خود که مبدأ یا نقطه شروع است، حرکت می‌کنید تا به مقصد برسید. در این مسیر باید موانعی مانند کوه، رودخانه و... را دور بزنید تا به نقطه پایان یا مقصد برسید. اگر نقطه شروع حرکت (مبدأ) را به نقطه پایان (مقصد) وصل کنید، درواقع جایه‌جایی مشخص شده است.

تندی متوسط: مسافت پیموده شده در واحد زمان.

سرعت: مسافتی است که متحرک در واحد زمان (یعنی در یک ثانیه) می‌پیماید.

سرعت متوسط: جایه‌جایی در واحد زمان.

طی می‌کرد، برنده میدان بود.

در این مرحله هم باز محمد با دویدن ۱۲۰۰ متر در ۵ دقیقه، اول و علی با دویدن ۱۱۵۰ متر در ۵ دقیقه، دوم و حسن با دویدن ۱۱۰۰ متر در ۵ دقیقه، سوم شد.

و ادامه درس

دوباره آقای دقیق بعد از این مسابقه همه بچه‌ها را جمع کرد و نیمة دوم درس را شروع کرد و گفت: «بچه‌ها در این مرحله از مسابقه، زمان ثابت و ۵ دقیقه بود و دیدیم که در زمان ثابت ۵ دقیقه هر دانش‌آموز که دارای تندي بیشتر بود، مسافت بیشتری را پیمود. این یعنی با ثابت بودن زمان مسابقه، تندي با مسافت طی شده رابطه مستقیم دارد.

هر چه تندي بیشتر باشد، مسافت

بیشتری را در زمان ثابت طی می‌کنیم. باز با فرض اینکه مسافت را با X و تندي را با T و زمان را با V نمایش دهیم، با ثابت بودن T ، تندي V با مسافت X رابطه مستقیم دارد و این رابطه مستقیم به این صورت نمایش داده می‌شود: $X = V \times T$.

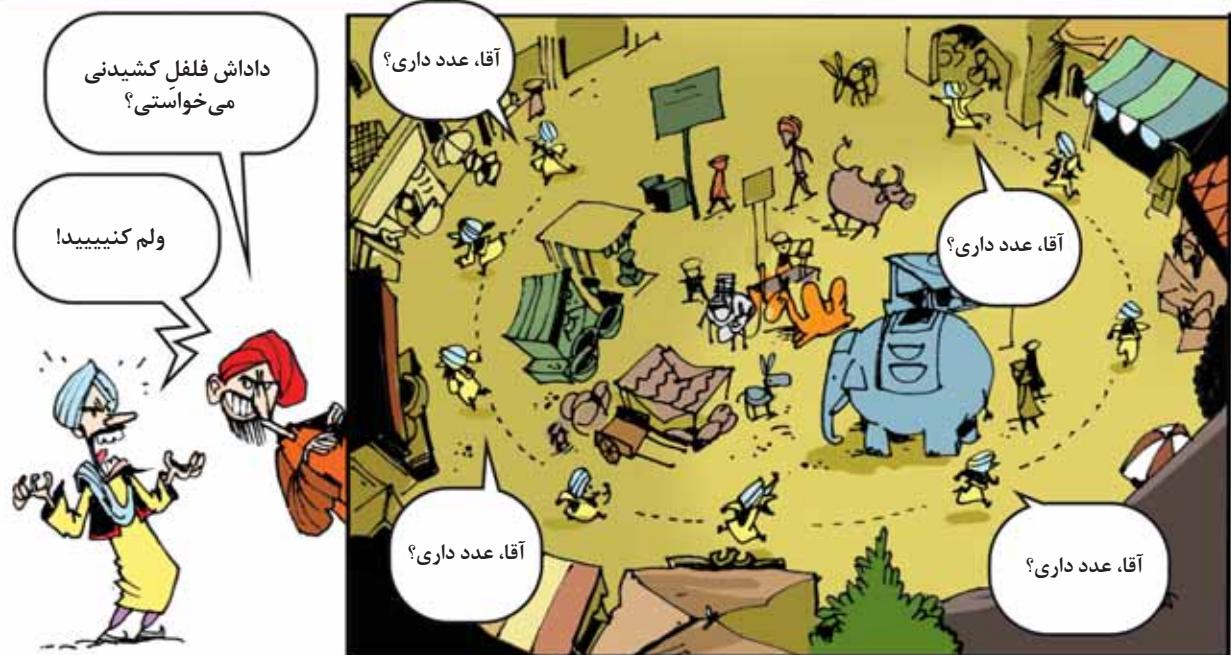
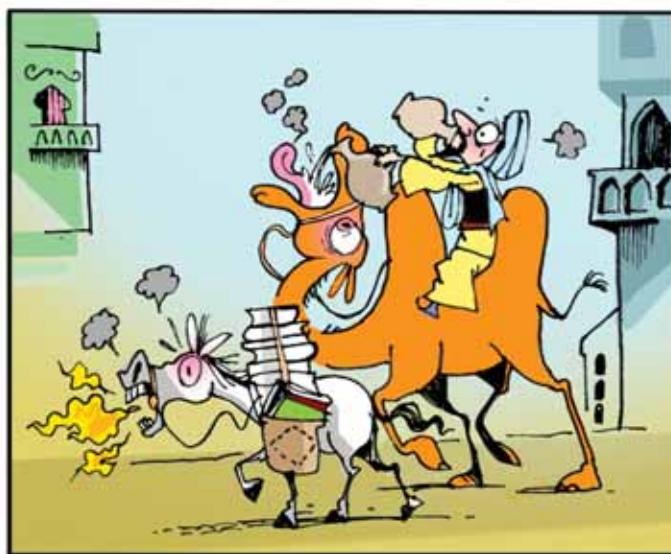
پس از این بحث، آقای دقیق مثال جدید زد: «خب بچه‌ها فرض کنید محمد ۳ کیلومتر را در ۱۵ دقیقه و علی ۶ کیلومتر را در ۴۰ دقیقه دویده است. خب سرعت کدامیک بیشتر است: محمد یا علی؟» هر کس نظری داد و از جمع‌بندی نظرات بچه‌ها فهمیدم که برای پاسخ به این سؤال کافی است که با یک تناسب حساب کنیم که علی ۳ کیلومتر را در چند دقیقه می‌دود:

$$\begin{array}{rcl} \text{کیلومتر} & \text{دقیقه} \\ 6 & 40 \\ 3 & X = \frac{40 \times 3}{6} = 20 \end{array}$$

نویسنده: حسام سبحانی طهرانی / تصویرگر: سام سلماسی

هندوستان؛ سرزین عددویه!











بکارهای حل چند راه حل

داود معصومی مهوار

● حسنک در مجموع ۳۵ مرغ، خروس و گوسفند داشت. تعداد پاهای این ۳۵ حیوان در مجموع ۹۲ تا بود. او چند گوسفند و چند مرغ و خروس داشت؟

راجح‌ترین راه حل این مسئله نوشتند دستگاه
معادلات است.

$$a = \text{تعداد گوسفندها}$$

$$b = \text{تعداد مرغ و خروسها}$$

$$a+b = 35 \quad \text{تعداد حیوان‌های حسنک}$$

$$4a+2b = 92 \quad \text{تعداد پاهای مرغ یا خروس ۲ تاست. پس}$$

$$4a+2b = 92 \quad \text{تعداد پاهای مرغ و خروسها برابر } 2b \text{ می‌شود.}$$

$$4a+2b = 92 \quad \text{تعداد پاهای گوسفند } 4 \text{ تاست. پس تعداد}$$

$$4a = 4b \quad \text{پاهای گوسفندها برابر } 4a \text{ می‌شود.}$$

$$4a+2b = 92 \quad 4a+2b = 92 \quad \text{تعداد پاهای حیوان‌ها برابر } 4a+2b = 92 \text{ می‌شود.}$$

$$4a+2b = 92 \quad \text{پس چنین دستگاه معادلاتی داریم:}$$

$$a+b = 35 \quad a+b = 35$$

$$4a+2b = 92 \quad 4a+2b = 92$$

حل مسئله: روش حذفی

دو طرف معادله نخست را در $\times 4$ ضرب می‌کنیم تا ضریب a در معادله نخست برابر 4 بشود؛ یعنی برابر ضریب a در معادله دوم بشود.

$$\begin{cases} 4a + 4b = 4 \times 35 \\ 4a + 2b = 92 \end{cases}$$

حالا دو معادله را از هم کم می‌کنیم:

$$\begin{aligned} 4a + 4b - (4a + 2b) &= 140 - 92 \rightarrow 4a + 4b - 4a - 2b = 48 \\ &\rightarrow 2b = 48 \rightarrow b = 24 \end{aligned}$$

از معادله نخست داشتیم: $a+b=35$ و اکنون می‌دانیم که: $b=24$ پس $a=35-24=11$. پیدا می‌شود.

$$a+b=35 \rightarrow a=35-b \rightarrow a=35-24=11$$

یعنی حسنک ۱۱ گوسفند و ۲۴ مرغ و خروس دارد. دو معادله برابر بشود. این کار را تمرین کنید.



حل مسئله: روش دو حذفی

مقدار a را از هر دو معادله به دست می‌آوریم و برابر هم قرار می‌دهیم:

$$\begin{cases} a+b=35 \\ 4a+2b=92 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} a=35-b \\ 4a=92-2b \end{cases} \rightarrow \begin{cases} a=35-b \\ a=\frac{92-2b}{4} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} a=35-b \\ a=\frac{46-b}{2} \end{cases}$$

$$\rightarrow 35-b = \frac{46-b}{2} \rightarrow 2 \times (35-b) = 2 \times \frac{46-b}{2} \rightarrow 70-2b = 46-b$$

$$\rightarrow 70-46 = 2b-b \rightarrow 24 = b$$

اکنون پیدا کردن a ساده است.

$a = 35 - b \rightarrow a = 35 - 24 \rightarrow a = 11$

یعنی حسنک ۱۱ گوسفند و ۲۴ مرغ و خروس دارد.
می‌شد از هر دو معادله مقدار b را بر حسب a پیدا کنیم و مقدارهای پیدا شده را بهم برابر قرار دهیم. این کار را تمرين کنید.

اما اگر به چنین چیزی می‌رسیدیم، چه نتیجه‌ای می‌گرفتیم؟

اگر به چنین چیزی می‌رسیدیم چه نتیجه‌ای می‌گرفتیم؟

$$\begin{cases} a = 35 - b \\ a = 34 - b \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = 35 - b \\ a = 35 - b \end{cases}$$

اصلاح و پوزش

در آخرین پارagraf صفحه ۲۹ شماره ۴ این مجله (دی ماه ۹۶)، متن‌ها تداخل کرده‌اند. ضمن پوزش، متن اصلاح شده را در زیر بخوانید:

از خانم میرمحمدصادقی، مدیر دبستان دخترانه و آقای ارشی، عضو طرح و برنامه مجتمع رشد که در این گفت‌وگو ما را همراهی کردند، سپاسگزاریم.

حل مسئله: روش جایگزینی
در این روش یکی از مجهول‌ها را (از یکی از دو معادله) بر حسب مجهول دیگر محاسبه می‌کنیم و مقدار آن را در معادله دیگر قرار می‌دهیم:

$$\begin{cases} a+b=35 \\ 4a+2b=92 \end{cases} \rightarrow a=35-b$$

$$4(35-b)+2b=92$$

$$4 \times 35 - 4b + 2b = 92 \rightarrow 140 - 2b = 92$$

$$\rightarrow 140 - 92 = 2b \rightarrow 48 = 2b \rightarrow b = 24$$

اکنون که b را پیدا کردیم، از همان $a=35-b$ کمک می‌گیریم:

$$a = 35 - b \rightarrow a = 35 - 24 \rightarrow a = 11$$

یعنی حسنک ۱۱ گوسفند و ۲۴ مرغ و خروس دارد.
می‌شد در معادله دوم جایگزین کنیم. این کار را تمرين کنید. آن را در آغاز سراغ معادله دوم برویم و a (یا b) همچنین می‌شد در آغاز سراغ معادله دوم برویم و a (یا b) را از آن پیدا کنیم و مقدار آن را در معادله نخست جایگزین کنیم. این کار را هم تمرين کنید.

حل مسئله بدون کمک دستگاه

حسنک ۳۵ حیوان دارد. اگر همه حیوان‌های او مرغ و خروس بودند، هر یک دو پا داشتند و مجموع تعداد پاهای حیوان‌ها $2 \times 35 = 70$ می‌شد. ولی الان او هم مرغ و خروس دارد و هم گوسفند. نیز می‌دانیم که تعداد پاهای این حیوان‌ها برابر ۹۲ است. یعنی ۲۲ تا (۹۲-۷۰=۲۲) بیشتر از حالتی که همه دو پا بودند. این ۲۲ تا پا متعلق به گوسفندها هستند. هر گوسفند ۴ تا پا دارد، ولی ما گوسفندها را نیز ۲ پا فرضی کرده بودیم. پس از هر گوسفند ۲ تا پارا نشمرده بودیم. پس حتماً تعداد گوسفندها ۱۱ تا ($\frac{92-70}{2}=11$) بوده است که پس از نشمردن ۲ تا از پاهای هر یک از ۱۱ گوسفند، ۲۲ تا پارا از قلم انداخته بودیم. پس حسنک ۱۱ تا گوسفند و ۲۴ تا مرغ و خروس دارد. می‌شد در آغاز همه حیوان‌ها را چهارپا بگیریم و پیش برویم تا ببینیم چند تا پا زیادی شمرده‌ایم و ادامه بدهیم. این کار را هم تمرين کنید. این روش شبیه کدامیک از روش‌های حل دستگاه است؟



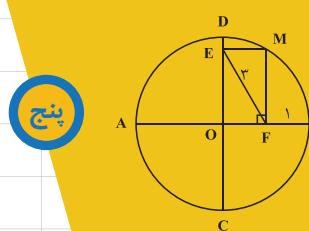
با هم حل کنیم

یک هجده ورزشکار برای تمرین آمده بودند. متأسفانه هر کدام از آنها به تنها یکی با وسیله نقلیه خود (دوچرخه یا خودرو) آمده بود. تعداد چرخهای وسیله‌های نقلیه آنها روی هم ۴۶ تا بود. چند نفر از آنها با دوچرخه و چند نفر با خودرو (همه خودروهای ورزشکاران چهارچرخ بود) آمده بودند؟

دو مهسا و مهشید از فروشگاهی مداد و خودکارهایی یکسان خریدند. مهسا ۵ مداد و ۵ خودکار خرید و ۱۷۵۰۰ تومان پرداخت. مهشید هم ۷ مداد و ۹ خودکار خرید و ۲۹۵۰۰ تومان پرداخت. بهای یک مداد و نیز بهای یک خودکار چقدر است؟

سه چهار معلم در کنار هم در یک طرف یک میز بزرگ نشسته‌اند. و چند دانش‌آموز هم کنار هم آن سوی میز نشسته‌اند. مستخدم با یک سینی شیرینی که در آن ۲۸ عدد شیرینی قرار دارد، وارد می‌شود و سینی را روی میز می‌گذارد. هر معلم به دانش‌آموزانی که شاگردش هستند، یک شیرینی می‌دهد و هر دانش‌آموز هم به معلمانی که معلم خودش نیستند، یک شیرینی می‌دهد. بعد همه با تعجب می‌بینند که سینی خالی شده است! چند دانش‌آموز پشت میز بودند؟

چهار دو اتوبوس در دو طرف یک جاده به طول ۱۰۰ کیلومتر ایستاده‌اند و هم‌زمان با سرعت ۵۰ کیلومتر در ساعت به طرف هم حرکت می‌کنند. همان لحظه پرنده‌ای که روی دماغه اتوبوس نشسته، پرواز می‌کند و با سرعت ۸۰ کیلومتر در ساعت به طرف اتوبوس دوم می‌رود و وقتی به آن می‌رسد، بلا فاصله با همان سرعت به طرف اتوبوس اول بر می‌گردد. به همین ترتیب بین دو اتوبوس پرواز می‌کند تا وقتی که دو اتوبوس به هم برسند. پرنده در مجموع چند کیلومتر پرواز می‌کند؟



در شکل مقابله قطرهای CD و AB بر هم عمودند. از نقطه M روی دایره دو عدد ME و MF بر CD و AB رسم شده‌اند. اگر: $EF=3$ و $FB=1$, طول شعاع دایره چقدر است؟



دانش آموزان پایه نهم / دبیرستان
نمونه دولتی شهید بینایی

محمامی غربال

چند تا از اعداد بخش پذیر بر سه را که قبلاً با دو خط نخورد
بودند، نوشتیم:

شماره الگو	۱	۲	۳	۴	۵
عدد	۹	۱۵	۲۱	۲۷	۳۳

چندوقت پیش به مسئله‌ای برخوردم که حل آن برای من و
بقیه پچه‌ها دشوار بود. مسئله این بود: «عددهای کوچکتر از
۲۰۱۷ را می‌نویسیم و غربال می‌کنیم. ۱۳۹۵ چندمین عددی
است که خط می‌خورد؟»

برای حل آن باید عددهای ۱ تا ۲۰۱۶ را می‌نوشتیم که خیلی
سخت بود. در همین لحظه چرا غرای فکرم روشن شد و توانستم
راه حل جدیدی کشف کنم:

همان طور که می‌دانید اولین عدد ۲ است و من باید مضارب
عدد ۲ را خط می‌زدم. پس ۲۰۱۶ را تقسیم بر دو کردم (زیرا
از ۱ تا ۲۰۱۶ نصف عددها زوج هستند و با این کار تمام اعداد
بخش پذیر بر ۲ خط می‌خورد). ۱۰۰۸ عدد با دو خط می‌خوند.
اما به خاطر اینکه خود عدد ۲ عدد اولی است، نباید آن را خط
زد. پس عددهای خط نخورد ۱۰۰۷ تا هستند.

وای! نزدیک بود یادم برود که عدد یک هم خط می‌خورد (چون
نه اول است نه مرکب). پس تعداد اعداد خط نخورد دوباره برابر
با ۱۰۰۸ می‌شود.

در مرحله بعد باید مضارب عدد ۳ را خط می‌زدم. این مرحله
مانند مرحله قبل نبود. زیرا باید تک تک اعداد بخش پذیر بر ۳ را
پیدا می‌کردم. برای پیدا کردن مضارب عدد ۳ باید از مجذور آن،
یعنی عدد ۹ شروع می‌کردم. از عدد نه شروع کردم و مضارب
عدد ۳ را که قبلاً با عدد دو خط نخورد بودند، خط زدم:
۹، ۱۵، ۲۱، ۲۷، ۳۳...

۱۳۹۵ بر ۳ بخش پذیر است، پس در همین مرحله خط می‌خورد.
اما مضارب عدد ۳ تا ۱۳۹۵ تا ۱۳۹۵ خیلی زیادند. تصمیم گرفتم با روش
الگویابی برای آن‌ها الگویی کشف کنم.

اختلاف بین هر عدد و عدد بعدی اش ۶ است. پس توانستم
الگوی زیر را کشف کنم:

$$6n+3$$

کارم بسیار آسان شد. یک معادله نوشتیم:

$$6n+3=1395$$

$$6n=1395-3$$

$$6n=1392 \Rightarrow n=1392 \div 6 \Rightarrow n=222$$

عدد مجھول برابر با ۲۲۲ شد. بعد از این کار تعداد مجموع
اعداد مرکبی را که خط زدم با هم جمع کردم:
۱۰۰۸+۲۲۲=۱۲۴۰.

پس ۱۳۹۵، ۱۲۴۰، ۱۱۴۰ مین عددی است که خط می‌خورد.
نکته: این فرمول فقط برای پیدا کردن مضارب عدد ۳ است.
شما هم برای مضارب اعداد اول دیگری مانند ۵ یا ۷ الگویی
بیابید.



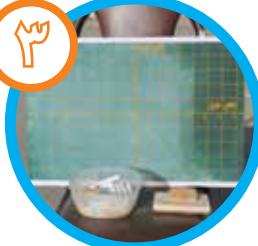
گزارشی از یک بازی درباره انتقال و مختصات پایه هفتم در کلاس
درس ریاضی خانم معظمه گودرزی دبیرستان دوره اول تربیت، بروجرد

قدم‌هارا به ماریم

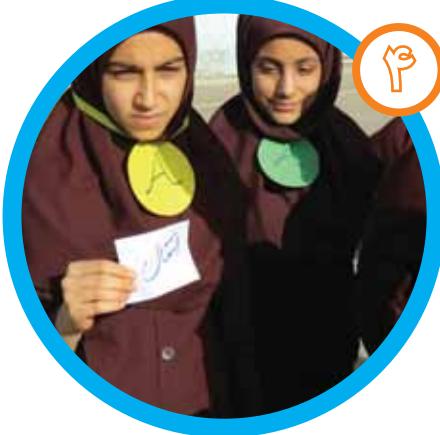
● سپیده چمن آرا ● عکاس: حامد ترابی گودرزی



روی یک تخته سبز هم
یک صفحه مختصات
رسم شده بود که با گج
می‌شد روی آن نوشت.
در بازی از این تخته
استفاده می‌شد.



در دور اول، گروه آبی و قرمز با هم مسابقه دادند
و گروه زرد و سبز نیز با هم، با قرعه‌کشی، یکی از
دو گروه رقیب، شد گروه «انتقال» و دیگری گروه
«بردار».



دانشآموزان کلاس به چهار گروه شش نفری تقسیم
شده بودند: زرد، سبز، آبی و صورتی. هر دانشآموز
در نقش یک نقطه بود. نام نقطه‌ها را - که حرف‌های
بزرگ انگلیسی بود - به گردن‌هایشان آویخته بودند. هر
دانشآموز دو نام داشت: یکی نام نقطه اولیه، دیگری نام
نقطه انتقال یافته.



روی زمین یک صفحه
مختصات رسم شده بود: از
هر طرف تا ۵ واحد. خُب
قطعانمی شود که صفحه
مختصات واقعی را که تا
نهایت ادامه دارد روی
زمین - یا حتی کاغذ و دفتر
رسم کرد.





گروه سبز باید دقت می کرد که اولاً گروه زرد درست منتقل شود، و دوم اینکه بردار درستی را روی تخته رسم کند. اعضای گروه زرد، پس از انتقال، نامهای خود را که به گردنشان بسته شده بود، پشت ورو می کردند. یعنی حالا نقاط جدیدی بودند!

در مرحله بعد جای گروههای زرد و سبز عوض شد؛ یعنی جای گروه سبز گروه انتقال بود و جای گروه زرد گروه بردار و همان مراحل تکرار شد. بعد از آنکه برنده گروههای زرد و سبز معلوم شد، بین گروههای آبی و قرمز هم همین مراحل تکرار شد.

برندههای دور قبل، با هم بازی می کردند. این بار تعداد رأسهای شکلها بیشتر شد تا کار هر دو گروه سختتر شود. در این مرحله، اعضای گروه انتقال می رفتند روی نقاط خیلی انتهایی دستگاه مختصات می ایستادند و گروه بردار مجبور می شد از عدد صفر در مختصات بردارش استفاده کند.

هیجان بچه ها حین بازی خیلی زیاد بود و همین گاهی باعث می شد یا اشتباه منتقل شوند یا بردار را اشتباه رسم کنند یا برداری که اعلام می کنند، برای کار در صفحه مختصات روی زمین مناسب نباشد. خلاصه با کوچک ترین بی دقتی می باخندند و از دور مسابقه حذف می شدند.

این بازی باعث شد که توجه دانش آموزان به چند موضوع جلب شود:

- انتقال همزمان و یکسان تمام نقاط یک شکل؛
- ترتیب مختصات در یک بردار (اینکه اولی طول است و مربوط به محور Xها، و دومی عرض است و مربوط به محور Yها)
- جهت بردارها (از روی مثبت یا منفی بودن عده های مختصات بردار؛)
- وجود عدد صفر در مختصات یک بردار.

از خانم زهرا سلطانی، مدیر دبیرستان تربیت که اجازه تهیه این گزارش را دادند، سپاس گزاریم.

ابتدا چند نفر از اعضای گروه انتقال می رفتند و روی نقاط متفاوت صفحه مختصات می ایستادند تا گوشش های یک چندضلعی را تشکیل دهند. گروه بردار باید یک بردار اعلام می کرد که وقتی تک تک نقاط گروه انتقال، با آن بردار انتقال پیدا می کردد، از صفحه مختصاتی که روی زمین کشیده شده بود، بیرون نمی افتدند.



اعضای گروه زرد روی صفحه مختصات رأسهای یک مثلث را تشکیل دادند و اعضای گروه بردار پس از مشورت با هم، بردار $[-2 \quad 3]$ را اعلام کردند.



حالا یک نفر دیگر از اعضای گروه انتقال (زرد) باید این بردار را روی همان تخته کوچک رسم می کرد.

زهرا صباغی / کیمیا هاشمی

بازی‌های اندرویدی

AndroidGames

بازی ساده و جذاب «فلو» (flow) یک بازی تک‌نفره است که می‌تواند شما را در گیر خود کند. در این بازی باید نقطه‌های همرنگ را به هم وصل کنید؛ البته با دو شرط:

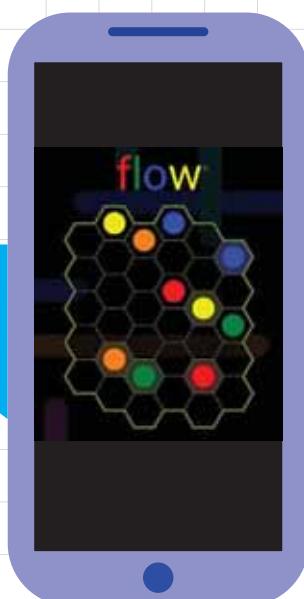
- هیچ دو خطی یکدیگر را قطع نکنند.
 - تمام خانه‌های صفحه از خطوط رنگی پر شوند.
- توجه: از یک خانه تنها به خانه‌های مجاور می‌توان حرکت کرد.



برای انجام این بازی باید اول فکر کنید و بعد وارد عمل شوید. زیرا انجام حرکت‌های اضافی و اشتباه از امتیاز شما کم می‌کند و ستاره‌های کامل هر مرحله را دریافت نمی‌کنید. این بازی برای سیستم‌های اندروید و «iOS» به صورت رایگان قابل دخیره و نصب است.



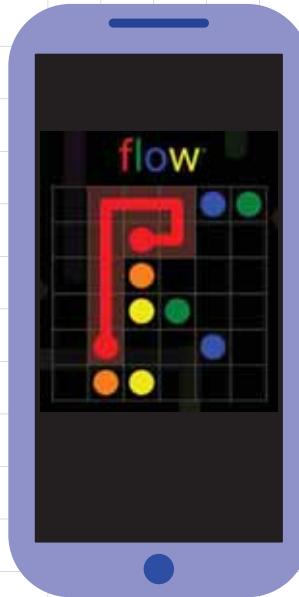
- نقطه بازی شکل ۴ نیز مانند بازی بالا، شامل ۵ رنگ است، اما کاشی‌های این صفحه عضله هستند! این بار کدام رنگ را برای شروع انتخاب می‌کنید؟



- آیا می‌توانید تنها با تغییر دادن یک مسیر، بازی شکل ۵ را کامل کنید؟

شکل ۴

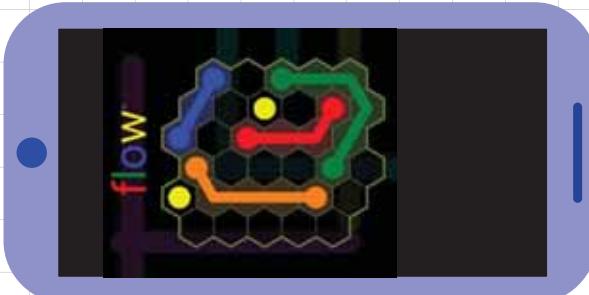
- فرمی برای شروع بازی شکل ۲ نقطه قرمز را طوری به هم وصل کرده است که بیشترین تعداد خانه را اشغال کند. آیا او موفق می‌شود این بازی را کامل کند؟



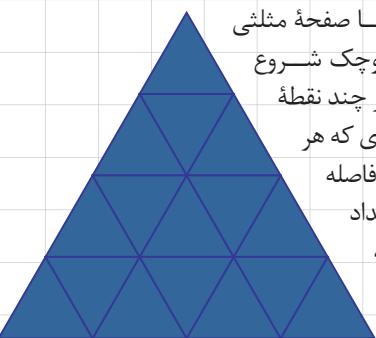
شکل ۲

- شما در بازی شکل ۳ برای شروع کدام نقطه را انتخاب می‌کنید؟ آیا خانه‌ای در این بازی وجود دارد که فقط مسیر یکی از رنگ‌ها بتواند از درون آن بگذرد و امکان رد شدن مسیر بقیه نقاط از آن نباشد؟
- این بازی را با حرکت اولیه‌ای که به نظرتان درست است، کامل کنید.

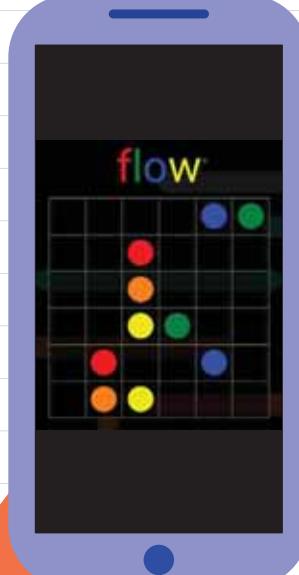
شکل ۵



- آیا می‌توانید یک بازی فلو با صفحه مثلثی طراحی کنید؟ از یک نمونه کوچک شروع کنیدا در صفحه بازی زیر حداقل چند نقطه رنگی می‌توانید قرار دهید، به طوری که هر دو نقطه حداقل یک خانه با هم فاصله داشته باشند؟ (فاصله دو نقطه تعداد خانه‌ای خالی بین آن هاست که کوتاه‌ترین مسیر بین این دو نقطه از آن می‌گذرد)



شکل ۶



شکل ۷



لیلا چهار

رنگ متمایز از شش رنگ سبز، نارنجی، آبی،

زرد، قرمز و قهوه‌ای را انتخاب کرده بود.

در بازی نیمه‌کاره زیر سه بار این چهار رنگ

حدس زده شده‌اند و لیلا درباره درستی یا نادرستی

حدس‌ها به کمک دایره‌های سفید و سیاه پاسخ داده است.

حدس	رنگ ۴، رنگ ۳، رنگ ۲، رنگ ۱	پاسخ
۱	● ● ● ●	● ●
۲	● ○ ○ ○	● ○ ○ ○
۳	● ● ○ ○	● ● ○ ○

پاسخ حدس نخست دو دایره سیاه است. یعنی هر دو رنگ حدس نخست در ترکیب اصلی هستند و در جای درست نیز نشسته‌اند.

پاسخ حدس دوم نیز یک دایره سیاه و دو دایره سفید است. یعنی یکی از رنگ‌های حدس در ترکیب اصلی هست و در جای درست نیز نشسته است و دو تا از رنگ‌های این حدس در ترکیب اصلی هستند، ولی جای آن‌ها درست حدس زده نشده است. دو دایره سیاه و دو دایره سفید در پاسخ حدس سوم نیز به این معنی است که هر چهار رنگ حدس سوم واقعاً رنگ‌های ترکیب اصلی هستند، ولی تنها دو تا از آن‌ها در جای درست خود نشسته‌اند.

حالت	رنگ ۴، رنگ ۳، رنگ ۲، رنگ ۱
۱	?(?) ● ○ ○ ?(?)
۲	?(?) ● ○ ?(?) ○
۳	○ ○ ?(?) ○ ○ ?(?)
۴	○ ○ ?(?) ?(?) ○

بررسی‌های نفیسه

الف. حدس ۱ نشان می‌دهد که قهوه‌ای حتماً رنگ ۱ یا رنگ ۲ است و قرمز نیز رنگ ۳ یا رنگ ۴ است. یعنی چهار حالت زیر همهٔ حالت‌های شدنی هستند.

ب. حالت ۱ شدنی نیست. زیرا اگر شدنی بود، پاسخ حدس ۲ باید دو دایره سیاه می‌داشت.

پ. حالت ۲ نیز شدنی نیست. زیرا اگر این ترکیب واقعی باشد، قهوه‌ای رنگ ۲ است. پس قهوه‌ای و قرمز در حدس ۳ هر دو در جای نادرست نشسته‌اند. از طرف دیگر، در همین حدس ۳ آبی نیز جای درست ندارد و به جای قهوه‌ای در جایگاه دوم نشسته است. پس دست کم سه تا از رنگ‌های حدس در جای نادرست نشسته‌اند و پاسخ این حدس نمی‌تواند دو دایره سیاه باشد. ت. حالت ۳ نیز شدنی است. زیرا اگر این ترکیب واقعی باشد، قهوه‌ای رنگ ۱ است. پس رنگ ۱ و رنگ ۳ در حدس ۳ هر دو نادرست‌اند. از طرف دیگر، در همین حدس ۳ رنگ ۴ نیز قهوه‌ای است، در صورتی که حالت ۳ برای قهوه‌ای جایگاه ۱ را پیشنهاد داده است. پس حدس ۳ دست کم سه رنگ با جای نادرست دارد و پاسخ این حدس نمی‌تواند دو دایره سیاه باشد. ث. حالت ۴ نیز شدنی است. زیرا اگر این ترکیب واقعی باشد، هیچ‌یک از رنگ‌های قهوه‌ای و قرمز در حدس ۲ جای درستی ندارند. همچنین در همین حدس ۲ رنگ ۱ نیز به جای قهوه‌ای (که پیشنهاد حالت ۴ است) سیز انتخاب شده است.

پس دایره سیاه در پاسخ حدس ۲ مربوط به رنگ‌های قهوه‌ای، قرمز و سبز نیست و باید مربوط به رنگ نارنجی باشد!

رنگی که به گواه پاسخ حدس ۳، اصلاً در ترکیب واقعی نیست. نفیسه کمی گیج شده است. او نمی‌داند

چرا هیچ‌یک از حالات‌ها شدنی نیست.

یک دو قلب دیگر فکر کنیم!

داود معصومی مهوار



بررسی‌های نرگس

الف. یک دایره سیاه در پاسخ حدس ۲ نشان می‌دهد که تنها یکی از رنگ‌های این حدس در جای درست نشسته است. اما این رنگ سبز نیست. زیرا اگر جای سبز واقعاً رنگ ۱ باشد، در حدس ۳ رنگ قرمز به اشتباه در جایگاه ۱ نشسته است و خود رنگ سبز نیز در جای نادرست یعنی رنگ ۳ نشسته است. پس دو دایره سیاه در پاسخ حدس ۳ باید مربوط به رنگ‌های آبی و قهوه‌ای باشند. یعنی قهوه‌ای رنگ ۴ است! این خلاف چیزی است که پاسخ حدس ۱ گفته بود. زیرا بنا بر پاسخ حدس ۱، جای قهوه‌ای باید رنگ ۱ یا رنگ ۲ باشد، نه رنگ ۴. پس رنگ درست در حدس ۲ یا رنگ قهوه‌ای است، یا رنگ قرمز که هر دو را بررسی می‌کنم. ب. اگر رنگ درست در حدس ۲ قهوه‌ای باشد، قرمز رنگ ۳ نیست و با توجه به حدس ۱ حتماً باید رنگ ۴ باشد. به این ترتیب تنها جایی که برای سبز می‌ماند، رنگ ۳ است. (زیرا در الف ثابت کردم که سبز رنگ ۱ نیست) در نتیجه تنها جای مانده یعنی رنگ ۱ مربوط به تنها رنگ مانده یعنی آبی است. ولی این ترکیب یعنی قرمز، سبز، قهوه‌ای و آبی نمی‌تواند ترکیب واقعی باشد. زیرا با پاسخ حدس ۳ سازگار نیست. پ. اگر رنگ درست در حدس ۲ قرمز باشد، قهوه‌ای رنگ ۲ نیست و با توجه به حدس ۱ حتماً باید رنگ ۱ باشد. رنگ‌های ۲ و ۴ برای سبز و آبی می‌مانند و حالت‌های زیر را می‌سازند:

رنگ ۴، رنگ ۳، رنگ ۲، رنگ ۱	حالت
● ● ● ●	۱
● ● ○ ○	۲

ولی هیچ‌یک

از این دو حالت با پاسخ حدس ۳ سازگار نیستند و در نتیجه، این دو حالت نیز شدنی نیستند. نرگس هم از بررسی‌های خود گیج شده است و دنبال اشتباه خود می‌گردد.

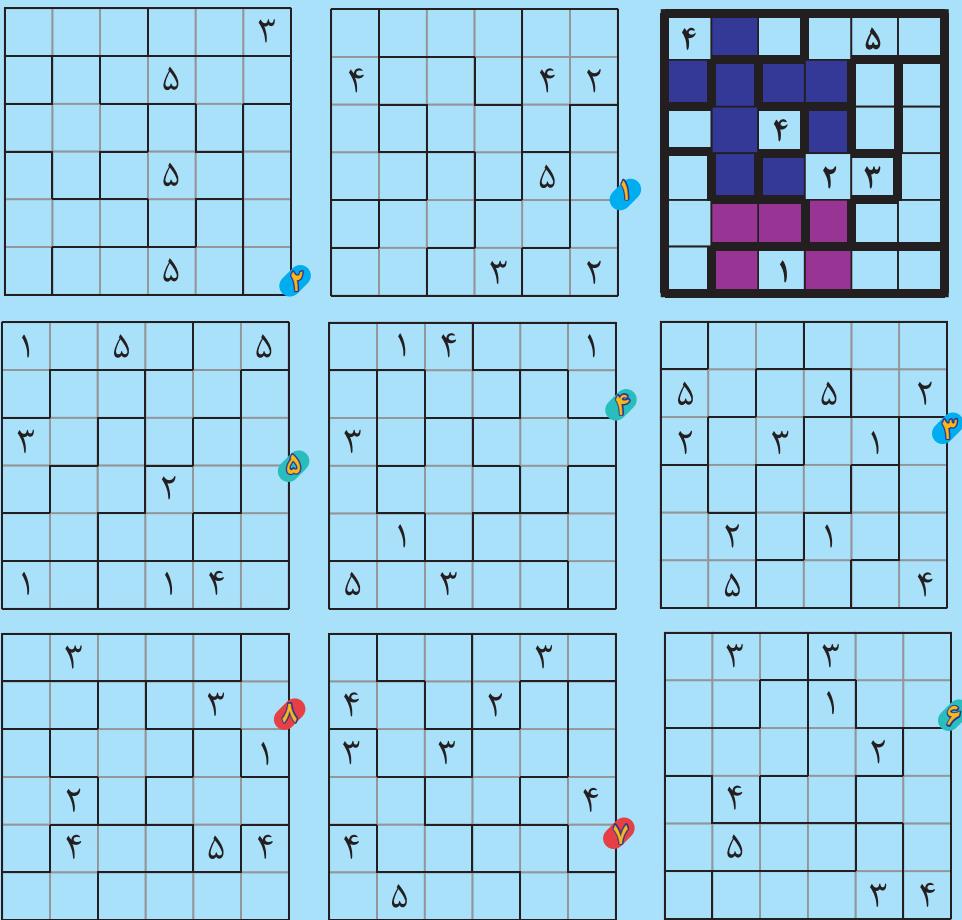
بررسی‌های اعظم

الف. دایره سیاه در پاسخ حدس ۲ مربوط به رنگ سبز نیست. زیرا اگر واقعاً سبز رنگ ۱ باشد. رنگ‌های قهوه‌ای و قرمز که به ترتیب رنگ ۲ و ۳ در حدس ۲ هستند، هیچ‌یک نباید در جای درستی نشسته باشند. پس دو دایره سیاه پاسخ حدس ۱ مربوط به رنگ‌های ۱ و ۴ خواهد بود. یعنی رنگ ۱ باید قهوه‌ای باشد! در صورتی که فرض کرده بودیم رنگ سبز است! این شدنی نیست. پس واقعاً سبز رنگ ۱ نیست. پس رنگ درست در حدس ۲ یا رنگ قهوه‌ای است، یا رنگ قرمز است. که هر دو را بررسی می‌کنم. ب. اگر رنگ درست در حدس ۲ قهوه‌ای باشد، در حدس ۳ رنگ‌های ۲ و ۴ هر دو نادرست چیده شده‌اند و دو دایره سیاه پاسخ باید مربوط به رنگ‌های ۱ و ۳ باشند. یعنی رنگ ۱ قرمز است! این با پاسخ حدس ۱ که می‌گفت قرمز رنگ ۳ یا رنگ ۴ است، سازگار نیست. پس رنگ درست حدس ۲ رنگ قهوه‌ای نیست. پ. اگر رنگ درست در حدس ۳ قرمز باشد، در حدس ۳ رنگ‌های ۱ و ۳ هر دو نادرست چیده شده‌اند و دو دایره سیاه پاسخ باید مربوط به رنگ‌های ۲ و ۴ باشد. یعنی رنگ ۴ قهوه‌ای است! این با پاسخ حدس ۱ که می‌گفت قهوه‌ای رنگ ۱ یا رنگ ۲ است، سازگار نیست. پس رنگ درست حدس ۲ رنگ قرمز هم نیست. اعظم هم سرگرم بررسی استدلال‌های خود است. او نیز فکر می‌کند اشتباهی از او سرزده است. زیرا بنا بر استدلال‌های او، هیچ‌یک از رنگ‌های حدس ۲ در جای درست نشسته‌اند. واقعیت این است که نفیسه، نرگس و اعظم هر سه درست استدلال کرده‌اند. هیچ‌یک هیچ اشتباهی نکرده‌اند. درواقع هر یک از آن‌ها به روش خود و به درستی ثابت کرده است که مسئله شدنی نیست! ایراد دارد! یعنی لیلا دست کم در یکی از پاسخ‌های خود دچار اشتباه شده است.

SUGURU سُجُرُو

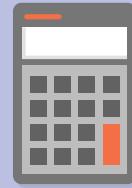
قوانين / در جدول‌ها تعدادی خط پررنگ می‌بینید که فضاهای بسته‌ای درست کرده‌اند. به این فضاهای بسته «جعبه» می‌گوییم. **●** جعبه‌های ۱ تا ۵ خانه‌ای در جدول‌ها وجود دارند.

● جعبه‌های ۱ خانه‌ای باید با عدد ۱ پر شوند. جعبه‌های دو خانه‌ای باید با اعداد ۱ و ۲ پر شوند و ... به همین ترتیب جعبه‌های ۵ خانه‌ای باید با اعداد ۱ تا ۵ پر شوند. **●** عدد قرار گرفته در هر کدام از خانه‌های جدول نباید با عددهای خانه‌های همسایه‌اش (همسایه‌های افقی، عمودی و مورب) مساوی باشد. مهم نیست این خانه‌ها در یک جعبه باشند یا نباشند. مثلاً در جدول زیر، برای پر کردن خانه‌های خالی، در خانه‌های بنفش رنگ نمی‌توانیم عدد یک را قرار دهیم. همچنانی در خانه‌های آبی رنگ نمی‌توانیم عدد ۴ را بگذاریم.





پنج پر زور



ماشین حساب دوست داشتنی من ● شراره تقی دست‌تجردی

اکنون به سوالات زیر پاسخ دهید:

۱. همان طور که می‌بینید، تا اینجا هر توان ۵ از عدد یک تا شش، عددی که رقم یکانش ۵ است. دلیل آن چیست؟ آیا برای هر توان دیگری از عدد ۵ هم چنین است؟
۲. رقم دهگان نیز همواره ۲ است. درستی این مشاهده را برای هر توان دیگر از عدد ۵ نشان دهید.
۳. چه الگویی بین رقم صدگان توان‌های ۵ می‌بینید؟
۴. برای رقم هزارگان چطور؟ آیا الگویی دیده می‌شود؟
۵. درستی الگوهایی را که در سوال ۳ و ۴ دیده‌اید، بررسی کنید.

بسیار خوب، اکنون می‌توانیم همین سوالات را برای توان‌های طبیعی عده‌های دیگری مثل ۳، ۲ و... نیز بررسیم (منظور از توان‌های طبیعی این است که توان‌ها از مجموعه اعداد طبیعی انتخاب شوند). آیا برای رقم‌های یکان، دهگان، صدگان و... برای توان‌های هر عددی، الگویی وجود دارد؟ برای توان‌های طبیعی کدام عده‌ها ارقام شامل همه ارقام ۰ تا ۹ هستند؟ برای مثال، رقم یکان توان‌های ۵، فقط ۵ است و برای توان‌های ۲ می‌توانید آزمایش کنید که رقم یکان فقط عده‌های ...، ... و ... هستند (خدوتان جاهای خالی را پُر کنید).

دوستتان خوبم، لطفاً نتایج خود را برای ما ایمیل کنید:
borhanmotevasech1@roshdmag.ir

5^1	5
5^2	۲۵
5^3	۱۲۵
5^4	۶۲۵
5^5	۳۱۲۵
5^6	۱۵۶۲۵
5^7	...
5^8	...
5^9	...
5^{10}	...
5^{11}	...
5^{12}	...
5^{13}	...
5^{14}	...
5^{15}	...

سلام دوستان. «ماشین حساب دوست داشتنی من» با این هدف نوشته می‌شود که نشان دهد، چگونه می‌توان به کمک ماشین حساب، به جای درگیر شدن در انجام محاسبات، روی جواب‌های به دست آمده متوجه شد و راحت‌تر به نتایج هر فعالیت رسید.

فعالیتی که این بار می‌خواهیم انجام دهیم، نیازمند ماشین حسابی است که بتواند حداقل ۱۱ رقم را نشان دهد. البته اگر به چنین ماشین حسابی دسترسی ندارید، می‌توانید برخی از محاسبات را خودتان انجام دهید. می‌خواهیم الگوهایی

بین توان‌های عدد ۵ ببینیم و سپس بررسی آیا حدسی که از این مشاهدات زده‌ایم، قابل اثبات است یا نه. پس بدون درنگ شروع کنید. در اینجا چند توان ۵ آورده شده است. شما این کار را حداقل تا توان ۱۵ ادامه دهید.



فکر کردن

باز هم یک روز سرد زمستان بود و با آقای انسان دوست کلاس ریاضی داشتیم. وقتی آقا وارد کلاس شد، گفت: «درس جلسه پیش که یادتان هست؟ یک فرمول یا دستور برای پیدا کردن مدت زمان لازم برای اینکه چند نفر یک کار را تمام کنند. آنجا بود که گفتم اگر یک مسئله را با فکر خودتان حل کنید، خیلی بهتر از آن است که دهها مسئله را با یک فرمول که آن را حفظ کرده‌اید، حل کنید. امروز تصمیم گرفتم چند مسئله به شما بدهم که اهمیت این موضوع را بیشتر درک کنید. در این مسئله‌ها تفکر و خلاقیت نقش بسیاری دارند. حالا همه قلم و کاغذ بردازید و مسئله‌ای را که می‌گوییم حل کنید.» بعد از کمی مکث ادامه داد: «مدرسه شما ۳۵۰ دانش‌آموز دارد. فرض کنید یک دور مسابقه حذفی پینگ‌پنگ بین همه دانش‌آموزان برگزار شده است. در دور اول همه بچه‌ها دو به دو با هم مسابقه می‌دهند و نصف آن‌ها حذف می‌شوند و به همین ترتیب، اما هر بار که عده دانش‌آموزان باقی‌مانده عددی فرد شود، فقط یک نفر استراحت می‌کند و بقیه دو به دو مسابقه می‌دهند و آن یک نفر در دور بعد وارد مسابقه می‌شود و الی آخر. تا اینکه یک نفر بماند که برنده نهایی است. اگر برای هر دور مسابقه بین دو نفر یک بسته توپ مصرف شود، در مجموع چند بسته توپ مصرف خواهد شد؟»

بچه‌ها همگی شروع کردند به حساب کردن و من هم مثل آن‌ها شروع به جمع زدن کردم؛ در مرحله اول نصف ۳۵۰، یعنی ۱۲۵ مسابقه برگزار و ۱۲۵ بسته توپ مصرف می‌شود. در مرحله دوم یک نفر استراحت می‌کند و ۱۲۴ نفر دیگر ۶۲ مسابقه می‌دهند و ۶۲ بسته توپ دیگر مصرف می‌شود. در مرحله سوم با آن یک نفر، ۶۳ نفر می‌مانند و باز یک نفر استراحت می‌کند و ۳۱ مسابقه برگزار می‌شود... همین موقع صدای امین رشتۀ افکارم را پاره کرد: «آقا من پیدا کدم: ۳۴۲ بسته توپ!» آقا بالبخند گفت: «کاملاً غلط است! جمع کردن هم بلد نیستی! البته شوخی می‌کنم ولی بی‌دقیقی می‌کنی. یک بار دیگر با دقت بیشتری کارت را انجام بده!» کمی گذشت و وقتی من تقریباً به انتهای کارم رسیده بودم، سهراب گفت: «آقا یافتیم ۳۴۹ بسته توپ!» کمی بعد من هم همین را پیدا کدم و گفتم، چند نفر دیگر هم به همین جواب رسیدند. آقا گفت: «بله درست است جواب همین است، اما راه کوتاه‌تری برای رسیدن به همین جواب وجود ندارد؟»

یادش به خیر! آقای انسان دوست معلم ریاضی ما بود. اما نه، درواقع علم انسانیت، اندیشه و سبک زندگی ما بود. همیشه می‌گفت: «ریاضیات به ما همه این‌ها را می‌دهد، جو ریاضیات به ما منطق و طرز فکر می‌دهد.» کلاس درسش بر عکس تصور ما که کلاس ریاضی باید همیشه خشک و یکنواخت باشد، سرشار از شادی، لذت و سرگرمی بود. نمی‌فهمیدیم کی تمام می‌شد. خیلی وقت‌های جای آنکه یک موضوع ریاضی را مستقیماً درس بدهد، با یک داستان، معما یا بازی به آن گریز می‌زد و با ایجاد پرسش ما را هم در گیر مسئله می‌کرد. طوری که وقتی همه مأمور بحث بودیم، بدون آنکه متوجه شویم، چیزهای زیادی می‌آموختیم. در این بخش اگر خدابخواهد، می‌خواهم در هر شماره از مجله یکی از خاطراتم را از این کلاس‌ها برایتان بگویم.



سهراب گفت: «این عدد یکی کمتر از تعداد بچه‌هاست. لابد فرمولش همین است!»

آقا با اخم نگاهی به او کرد و گفت: «به جای فرمول بازی، کمی فکر کن!»

افشین گفت: «آقا یافتی! مگر نه این است که فقط یک نفر برنده نهایی مسابقه می‌شود، پس باید ۳۴۹ نفر حذف شوند و برای حذف هر نفر، یک مسابقه انجام می‌شود. یعنی هر نفر فقط یک بار می‌بازد و برای حذف او همین یک باخت کافی است. برای هر حذف هم یک بسته توپ مصرف می‌شود، پس ۳۴۹ بسته توپ مصرف می‌شود!»

آقا گفت: «آفرین بر توانکته همین جاست. حالا اگر به فرمول خیلی علاقه دارید، فرمولش را هم می‌گوییم: اگر n نفر در یک دور مسابقه یک حذفی شرکت کنند تا فقط یک نفر برنده شود، تعداد مسابقه‌های انجام شده $n-1$ است!»

سهراب پرسید: «آقا این فرمول به چه درد ما می‌خورد؟!»

آقا بلافصله گفت: «به هیچ درد! چون فقط به کار همین نوع مسئله‌ها می‌آید. من که گفتم به جای فرمول به تفکر خودتان تکیه کنید. حالا یک مسئله دیگر مطرح می‌کنم: احتمالاً همه‌تان صفحهٔ شطرنج 8×8 معمولی را دیده‌اید که ۶۴ خانه دارد و خانه‌ها یک در میان سیاه و سفید هستند. بیشتر شما با مهره‌های دومینو هم آشنایی دارید که از دو خانهٔ مربع شکل چسبیده به هم تشکیل می‌شوند که روی آن‌ها نقطه‌هایی حک شده‌اند. اگر فرض کنیم هر خانهٔ مربع شکل مهره دومینو مساوی یک خانهٔ صفحهٔ شطرنج باشد، پس هر مهره دومینو می‌تواند دو خانهٔ مجاور از صفحهٔ شطرنج را پر کند. حالا فرض کنید ۳۱ مهره دومینو را به صورت تصادفی روی صفحهٔ شطرنج قرار دهیم، به طوری که هر مهره، دو خانهٔ شطرنج را بپوشاند. در این صورت ۶۲ خانهٔ شطرنج پر می‌شود و دو خانهٔ خالی می‌ماند. آیا می‌توان این ۳۱ مهره را به ترتیبی روی صفحهٔ شطرنج قرار داد که دو خانهٔ باقی‌مانده، دو گوشۀ رو به روی هم (یعنی دو سر یک قطر مربع صفحهٔ شطرنج) باشند؟» مدتی سکوت در کلاس حاکم شد و بعد این‌گفت: «باید امتحان کنیم. ما که اینجا صفحهٔ شطرنج و دومینو نداریم. امتحان کنیم شاید بشود!» با یک گفت: «احتمالاً نمی‌شود و گرنه آقانمی گفت آیا می‌توان...» آقا گفت: «از این‌ها بگذرید، سعی کنید فقط منطقی فکر کنید و پاسخ دهید. بیینید هر مهره دومینو دو خانهٔ کنار هم را می‌پوشاند، یعنی یک خانهٔ سفید و یک خانهٔ سیاه. پس ۳۱ مهره، ۳۱ خانهٔ سیاه و ۳۱ خانهٔ سفید را می‌پوشانند.» همین جا بود که یک دفعه فریاد سهراب بلند شد! – آقا یافتی!

و آقا با لبخند گفت: «خیلی خوب! بگو ارشمیدس چی یافته!» و سهراب ادامه داد: «آره آقا اگر با ۳۱ مهره دومینو، ۶۲ خانه را در صفحهٔ شطرنج بپوشانیم، این ۳۱ خانه، ۳۱ خانهٔ سیاه و ۳۱ خانهٔ سفید خواهد بود. پس دو خانهٔ باقی‌مانده، یکی سفید و یکی سیاه است. اما خانه‌های روی هر قطر در صفحهٔ شطرنج همهٔ یک‌رنگ‌اند. در واقع یک قطر به طور کامل سفید و قطر دیگر سیاه‌رنگ است. پس امکان ندارد این دو خانهٔ خالی دو سر یک قطر باشند!» آقای انسان دوست لبخندی زد و گفت: «آفرین پسرم! معلوم است که با شطرنج و صفحهٔ آن کاملاً آشنایی داری!» سهراب گفت: «آره آقا، از بچگی زیاد شطرنج بازی می‌کرم!» آقا ادامه داد: «متوجه شدید که چطور شد؟ خیلی ساده بود، اما دقیق و توجه می‌خواست. منتظر من از تفکر خلاق همین بود. حالا برای اینکه روی این موضوع کمی تمرین کنید، چند مسئله برایتان دارم که راه حل هر کدام بیشتر از دو خط نیست! اما تفکر دقیق و خلاق حرف اول را در آن‌ها می‌زند. این مسائل را را صفحهٔ ۲۶ مجله ببینید. تا چند روز بعد همهٔ ما در مدرسه مشغول بحث روی مسئله‌های زیبای آن جلسه بودیم. شما هم به آن‌ها فکر کنید. مطمئن باشید ارزش آن را داردا

به جای فرمول بازی

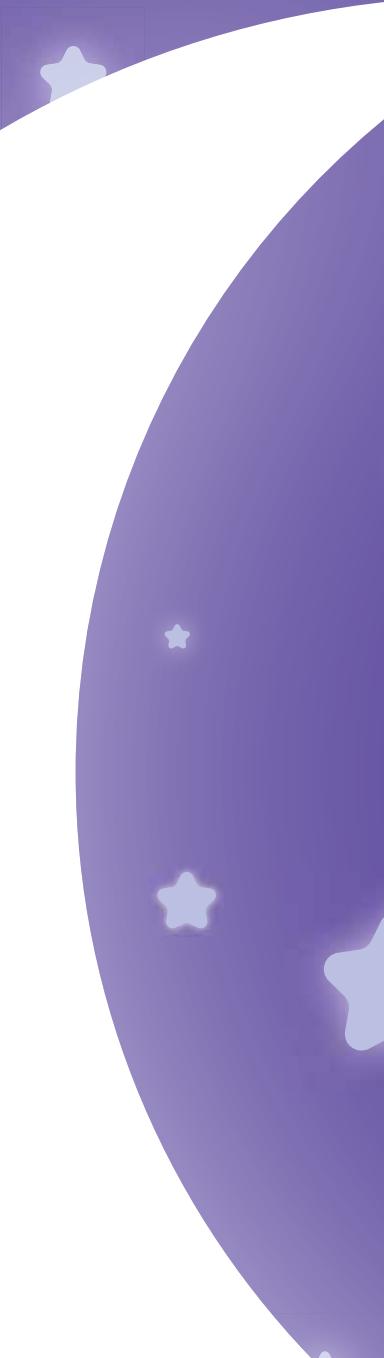
کلاس ریاضی آقای انسان دوست • هوش‌نگ‌شرقی

ستاره‌های کاغذی

بری حاجی خانی

در مجله
شماره ۶ دوره قبل
مطلوبی با عنوان «ماجراهای
نوار کاغذی» چاپ شده بود که نشان می‌داد
با گره زدن یک نوار کاغذی می‌توانیم یک
پنج‌ضلعی بسازیم. در این شماره از مجله
می‌خواهیم با استفاده از همان روش
ستاره‌های زیبایی درست کنیم.
برای درست کردن این ستاره
باید مراحل زیر را طی کنیم.







آب داشت

بشر

و همه

موجودات زنده

روی زمین برای ادامه

حیات به تمام بخش‌های

محیط زیست نیازمندند. در این

بین، «آب» مهم‌ترین عنصر حیاتی است

و منابع جریان و نگهداری از این مایع زندگی

رودخانه‌ها و تالاب‌ها هستند. زندگی نمونه‌های

گیاهی و جانوری زیادی به صورت مستقیم به وجود رودها

بسنگی دارد. علاوه بر آن، تولید منابع غذایی و کشاورزی به

جریان رودخانه‌ها وابسته است. ایران در کمربند خشک جهان

قرار گرفته و منابع آب شیرین محدودی در اختیار داریم. بنابراین

حافظت از رودها، تالاب‌ها و منابع آب زیرزمینی در کشور ما اهمیت

بسیار زیادی دارد. حتماً شما هم برای گردش به کنار رودخانه‌ها و تالاب‌های

نزدیک محل زندگی خود رفته‌اید. حالا می‌خواهیم نقشه‌ای از رودها، جوی‌ها و

تالاب‌های شهر و روستای خود تهیه کنید. برای این کار باید به دانش ریاضی تان

مراجعه کنید. شما در ریاضی با دستگاه مختصات آشنا شده‌اید. محورهای افقی

و عمودی در نمودارهای مختصات می‌توانند بیانگر کمیت‌های متفاوتی از جمله

فاصله باشند. همچنین محورهای نمودار مختصات می‌توانند تقسیمات متفاوتی را

بر حسب اندازه و یک‌داشته باشند. مثلاً هر یک واحد می‌تواند یک سانتی‌متر یا یک

کیلومتر باشد. اگر یک رودخانه را یک خط و یا یک منحنی و تالاب‌ها را نقاط

در نظر بگیریم، می‌توانیم با نقطه‌یابی آن‌ها را روی یک دستگاه مختصات

نشان دهیم. به این ترتیب می‌توانید با داشتن یک نمودار مختصاتی

که مرکز آن منزلتان باشد، فاصله خود را از بخش‌های متفاوت

رودخانه‌ها و تالاب‌ها مشخص کنید. این تمرینی است

برای استفاده کاربردی از نمودارهای

مختصات.



مسابقه!

در پنجمین مسابقه از سلسله مسابقات ریاضیات و محیط‌زیست
مجله رشد برخان متوسطه اول، قصد داریم باشما، بادیده‌شده و ریاضیات
به منابع آبی و تالاب‌های محل زندگی تان سری بزنیم.

جدول زیر را تکمیل کنید.

نام و نام خانوادگی

پایه تحصیلی

نام استان، شهرستان یا روستا

نام مدرسه، آدرس و تلفن

نام و شماره تماس رابط

مشخصات
شرکت‌کننده
در مسابقه

شرایط مسابقه

- * تمام رودخانه‌ها و تالاب‌های تردیک هتل خود را تا شعاع ۶ کیلومتری شناسایی کنید.
- * یک دستگاه مختصات با مقیاس مناسب رسم کنید. مرکز دستگاه مختصات را هتلتان در نظر بگیرید و با روش نقشه‌یابی رودخانه‌ها و تالاب‌های تردیک هتل زندگی خود را ترسیم کنید. آن را به صورت فایل «pdf» ذخیره کنید.
- * شرح مختصه از روش انجام کار و محاسبات انجام شده به صورت فایل «pdf» تهیه کنید.
- * فایل‌ها را از طریق «ایمیل» به دفتر مجله رشد برخان ریاضی متوسطه اول بفرستید:
borhanmotevaseh@roshdmag.ir
- * مهلت ارسال پایان: ۱۳۹۷/۰۲/۳۰
- * در صورت نیاز، فایل «word» جدول را در وبلاگ اختصاصی مجله بیایید:
weblog.roshdmag.ir/borhanrahnamaiee

شاخص‌های ارزیابی

۱. تعداد آثار دانش‌آهوزان شرکت‌کننده به نسبت تعداد کل دانش‌آهوزان هر مدرسه؛ ۲. کامل بودن توضیحات؛ ۳. رعایت دقیق مقیاس؛ ۴. دقیقت در محاسبات (خطای کمتر)؛ ۵. روش‌های خلاقانه در محاسبات؛ ۶. پیش‌ویره؛ فعالیت‌های چنی که دانش‌آهوزان یک مدرسه در حفاظت از منابع آبی انجام داده‌اند.

علاوه بر سه دانش‌آهوز بیتر مسابقه، سه مدرسه به عنوان مدرسه‌های برتر کشور نفع انتخاب خواهند شد و از تجاهی دانش‌آهوزان شرکت‌کننده در این مسابقه تقدیر به عمل خواهد آمد.

مختصات و هندسه



دستگاه مختصات در قرن هفدهم میلادی توسط فیلسوف و دانشمند بزرگ فرانسوی، رنه دکارت، ابداع شد. با این ابداع، تحول بزرگی در ریاضیات به وجود آمد و برای نخستین بار، بین هندسه اقلیدسی و جبر، ارتباط نظاممندی برقرار شد.

در هندسه مختصاتی می‌توانیم هر نقطه از صفحه را با دو عدد مشخص کنیم: به ترتیب اولی را با x نشان می‌دهیم و آن را طول نقطه می‌نامیم؛ دومی را با y نشان می‌دهیم و آن را عرض نقطه می‌نامیم و به این دو عدد، «مختصات» نقطه می‌گوییم. برای این کار، دو خط متقطع (عموماً عمود بر هم) در صفحه رسم می‌کنیم و برای آنها جهت و واحد اندازه‌گیری مشخص می‌کنیم. به این ترتیب می‌توانیم هر شکل هندسی در صفحه را مانند خطها و منحنی‌ها، با یک معادله نمایش دهیم. چنین معادله‌ای، بر حسب x و y نوشته می‌شود و اگر مختصات نقطه‌های روی آن شکل، در این معادله نوشته شوند، یک تساوی درست به دست می‌آید. به عنوان نمونه؛ معادله یک خط راست خاص، $4x+y=9$ است یا معادله یک دایرهٔ خاص، $x^2+y^2=4$ می‌باشد.

اولین بار دکارت این نمایش برای نقاط را به کار برد ولی بعد از او دانشمندان و ریاضی‌دانانی چون نیوتن، فرما و پاسکال، با استفاده از این نمایش، بخش‌هایی از ریاضیات را توسعه دادند.

شاید بد نباشد بدانید که دستگاه مختصاتی که دکارت به کار می‌برد، فقط دو نیم خط متقطع بود (درواقع ربع اول صفحه مختصات امروزی) که در آن، طول و عرض نقطه‌ها عده‌های مثبت هستند! زیرا در آن زمان هنوز ریاضی‌دانان، اعداد منفی را به رسمیت نمی‌شناختند.