

حل و بحث ریاضی



سهیلا غلام آزاد

پژوهشگاه مطالعات آموزش و پرورش

می‌گوید «ما یلم پژوهشی را که در این کتاب آغاز شده است، «دانش کشف» بنام، زیرا این پژوهش به امکان‌ها و روش‌های حل مسئله مربوط می‌شود» (ص. ۱۴).

پولیا معتقد است که «روش» کشف کردن را می‌توان از طریق آموزش مدرسه‌ای به جوانان آموخت. به اعتقاد او، حل مسئله چیزی جز کشف نیست (و بر عکس، کشف چیزی جز حل مسئله نیست)، ولی به شرط آن که هم در انتخاب نوع مسئله‌ها و هم در شیوه کار با آنها راه و رسمی درست در پیش گرفته شود.

شهریاری در مقدمه مترجم، ضمن بیان این مطالب، تأکید می‌کند که پولیا این راه و رسم درست را در کتاب خلاقیت ریاضی نشان می‌دهد.

کتاب خلاقیت ریاضی در دو بخش و پانزده فصل تنظیم شده است. به عقیده یاگلوم (متترجم روسی کتاب)، پولیا با واژه‌های «کشف ریاضی»، در واقع، ویژگی یافتن هر نتیجه‌گیری ریاضی را بیان می‌کند و از این دیدگاه، فصل هفتم را که به تجزیه و تحلیل روند حل مسئله (روندهای کشف ریاضی) اختصاص دارد، می‌توان هسته مرکزی و محور اصلی کتاب دانست. نکته قابل توجه دیگر آنکه برخلاف کتاب‌های قبلی وی، در این اثر، پولیا سهم بزرگ و قابل ملاحظه‌ای به «علم ریاضی» و «علم معلمان» داده است، بهخصوص در سه فصل آخر کتاب، او روند حل مسئله را در ارتباطی ناگسستنی با روند آموزش حل مسئله می‌بیند، به نحوی که دو پرسش اصلی در این زمینه را دقیقاً به هم مربوط می‌داند: «چگونه حل

چورج پولیا، ریاضی دان بر جسته مجارستانی به واسطه آثار گرانقدری که در زمینه حل مسئله تولید کرده است، در بین علاقه‌مندان به ریاضی و دست‌اندر کاران آموزش ریاضی در سراسر جهان شهرت بسیار دارد. آشنایی جامعه ریاضی ایران با آثار آموزشی این ریاضی دان بزرگ، برای اولین بار در سال ۱۳۶۴ از طریق ترجمه کتاب خلاقیت ریاضی^۱ که به همت پرویز شهریاری انجام شده بود صورت گرفت. استاد شهریاری ترجمه این کتاب را از روی نسخه روسی آن انجام داده بود و بنایه اظهار ایشان، در میان آثاری که وی تا آن زمان ترجمه کرد بود (بیش از ۲۰۰ اثر)، کتاب خلاقیت ریاضی، بیشتر از همه مورد استقبال واقع شد. (شهریاری، ۱۳۸۱، ص. ۱۱).

پولیا این کتاب را بعد از کتاب‌های «چگونه مسئله را حل کنیم؟»^۲ (که آن نیز به قلم شادروان احمد آرام ترجمه شد؛ انتشارات کیهان) و «ریاضیات و استدلال‌های شبه‌حقیقی»^۳ به چاپ رسانده است. نقل شده است (مدالچی، ۱۳۶۷) که پولیا، بیش از هر ریاضی دانی تحت تأثیر کارهای اویلر بوده است. او دلیل این امر را چنین بیان می‌کند که «او (اویلر) کارهایی انجام داده است که هیچ یک از ریاضی دانان هم طراز او نداده‌اند. اویلر تشریح می‌کند که چگونه نتایج خود را به دست آورده است و من عمیقاً به این موضوع علاقه‌مند هستم» (ص. ۱۲). شاید همین علاقه‌مندی باعث شده است که پولیا در کتاب خلاقیت ریاضی به زمینه‌های عملی و عینی مربوط به «دانش کشف» بپردازد؛ چنان که در مقدمه کتاب

خلافیت ریاضی

تألیف جورج پولیا / ترجمه بروز شهریاری



پیش‌نوشت

1. Mathematical Discovery
2. How to Solve It?
3. Mathematics and Plausible Reasoning
۴. این ادعا مربوط می‌شود به زمان تألیف کتاب.

منابع

۱. پولیا، جورج. (۱۹۶۴). خلاقیت ریاضی. ترجمه: بروز شهریاری (۱۳۶۴). انتشارات فاطمی. ایران.
۲. شهریاری، پرویز. (۱۳۸۱). بزرگداشت استاد شهریاری. مجله رشد آموزش ریاضی. شماره ۶۸. گویا، زهراء. (۱۳۸۱). یادداشت سردبیر.
۳. مقاله رشد آموزش ریاضی. شماره ۶۸.
۴. مدقایی، علیرضا. (متترجم) (۱۳۶۷). زندگینامه جورج پولیا ریاضی‌دان برگسته معاصر. مجله رشد آموزش ریاضی. شماره ۱۷.

۹. راز خود را بلا فاصله، فاش نکنید. اجازه بدھید دانش آموزان - تا آن جا که می‌توانند - تلاش خود را برای حل یا حدس راه حل، به کار بزنند؛ به دانش آموزان امکان بدھید، هرچه بیشتر، خودشان کشف کنند.
۱۰. باشاره‌های خود، دانش آموزان را راهنمایی کنید، ولی عقیده خود را به زور؛ به آنها تحمیل نکنید.

استاد شهریاری نیز مانند پولیا با دغدغه دائمی بهبود کیفیت آموزش ریاضی زیست. ترجمه کتاب خلاقیت ریاضی رامی توان پاسخی به این دغدغه دانست و مصادق آن را در سخن استاد شهریاری دید.

«آرزو می‌کنم این کتاب بتواند، به سهم خود، انگیزه‌های باشد برای همه معلمان و دانش آموزان، تا راه درست تحصیل دانش را بیاموزند و موجب شود تا در آینده، سرزمین ما هم، نام آورانی در شاخه‌های مختلف دانش، به جهان انسانی تقدیم کند» (ص. ۶).

در اینجا شایسته می‌بینیم که این نوشته را با سخنی از دکتر گویا در بزرگداشت استاد شهریاری در سال ۱۳۸۱ به آخر ببرم: «اگر تمام فعالیت‌های علمی - آموزشی - فرهنگی شهریاری فقط منحصر به ترجمه خلاقیت ریاضی می‌شد، باز هم نام او چون نگین بر تارک جامعه ریاضی و آموزش ریاضی ایران تا همیشه می‌درخشید» (ص. ۳).

یاد شهریاری تا همیشه زنده و منش معلمی اش پر رهرو باد

می‌شود؟» و «چگونه این حل کردن را یاد می‌دهند؟» بر این اساس، یا گلوم این کتاب را یک کتاب آموزشی بالینی برای معلمان دبیرستان و مربیان مدرسه‌های تربیت معلم در نظر می‌گیرد. پولیا نیز تأکید می‌کند که «این کتاب، دو هدف را با هم دنبال کرده است: یکی هدف نظری - آموزشی دانش کشف و دیگری هدف مشخص عملی و ضمناً، بهبود فوری آمادگی معلمان دبیرستان.»

پولیا در مقدمه اذعان می‌کند که آمادگی معلمان ریاضیات دبیرستانی رضایت‌بخش نیست^۱ و برای بطراف کردن این کمبود، پیشنهاد می‌کند که برنامه آماده‌سازی معلم را باید چنان تنظیم کرد که فضای بازی به روی معلم آینده بگشاید و به او برویال بدهد تا بتواند در سطح وظیفه خود، خلاقیت داشته باشد و به نوآفرینی خوب‌گیرد. او محتواهای کتاب را در این راستا تهیه کرده و با ارایه توصیه‌هایی به معلمان و معلمان معلمان، تلاش نموده است تا کمکی در جهت بهبود کار تربیت معلم ریاضی کرده باشد.

در فصل چهاردهم کتاب با عنوان «شاگردی و معلمی»، پولیا ضمن بحث درخصوص «هدف آموزش»، این مطلب را به خوبی می‌پروراند که **معلمی دانش نیست، هنر است**. او در ادامه این فصل، حاصل درس‌های خود را به معلمان، در قالب «ده دستور العمل، برای معلمان» ارایه می‌کند و به تفسیر آنها می‌پردازد. این ده دستور العمل ها عبارت است از:

۱. به موضوع درس خود علاقه‌مند باشید.
۲. بر ماده درسی خود، مسلط باشید.
۳. بدانید از چه راهی می‌توانید آنچه را در نظر دارید، یاد بدھید بهترین روش یاد دادن را خودتان پیدا کنید.
۴. به چهره شاگردان خود نگاه کنید تا متوجه انتظارهای آنها بشوید. دشواری‌های آنها را کشف کنید. باید توانایی این را داشته باشید که بتوانید خودتان را به جای آنان بگذارید.
۵. به آگاهی‌های خشک و عریان قناعت نکنید. بکوشید مهارت را - که لازمه عقل و اندیشه است - و عادت به کار منظم را، در دانش آموزان تقویت کنید و تکامل بخشید.
۶. بکوشید تا حدس زدن و پیش‌بینی کردن را به آنان بیاموزید.
۷. سعی کنید، اثبات کردن را به دانش آموزان یاد دهید.
۸. در مسئله‌ای که طرح شده است، چیزی را جستجو کنید که برای حل مسئله‌های دیگر، مفید است. از موقعیتی که مسئله مشخص مفروض دارد، روش کلی را کشف کنید.